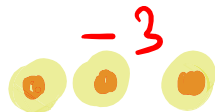
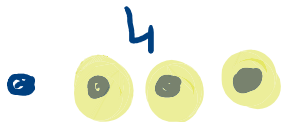
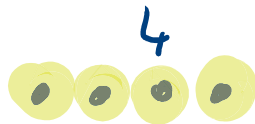




Chapitre 1

Nombres entiers et décimaux

Revoir les règles de calculs



Règles:

$a+b=?$

- a et b ont le même

signe : $-3 + (-4) = -7$

$$2 + 3 = 5$$

- a et b ont des signes différents

$$-5 + 4 = -1$$

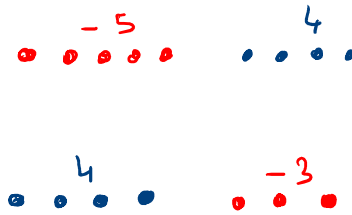
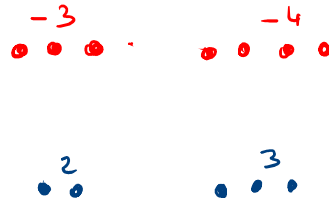
$$4 + (-3) = 1$$

Exercice :

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & -6 - 3 \\ & = -6 + (-3) \\ & = -9 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad & -4 + 5 \\ & = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad & 9 + (-40) \\ & = -31 \end{aligned}$$



Règles:

a+b=?

• a et b ont le même

signe : $-3 + (-4) = -7$
 $2 + 3 = 5$

• a et b ont des signes
différents

$$\begin{aligned} -5 + 4 &= -1 \\ 4 + (-3) &= 1 \end{aligned}$$

CALCULS_RELATIF_ADDITION1

CALCULS_RELATIF_ADDITION2

www.courounadin.fr

CAHIER DE TEXTE 2024-2025

- [203\(2024-2025\)](#)
- [TERMINALE SPE MATHS \(2024-2025\)](#)
- [TERM COMPLEMENTAIRE \(2024-2025\)](#)

Règles:

$a+b=?$

- a et b ont le même

signe : $(-3) + (-4) = -7$

$$2 + 3 = 5$$

- a et b ont des signes différents

$$(-5) + (+4) = -1$$

$$4 + (-3) = 1$$

Règles:

$a-b=?$

On transforme
en addition :

$$\begin{aligned} 2 - (-4) &= 2 + (+4) \\ &= (+2) + (+4) \\ &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -5 - 3 &= (-5) + (-3) \\ &= (-5) + (-3) \\ &= -8 \end{aligned}$$

Règles:

$a-b=?$

On transforme
en addition :

$$\begin{aligned} 2 - (-4) &= 2 + (+4) \\ &= (+2) + (+4) \\ &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -5 - 3 &= (-5) - (+3) \\ &= (-5) + (-3) \\ &= -8 \end{aligned}$$

Exercice

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad -5 - (-11) \\ &= -5 + (+11) \\ &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad -7 + (-3) \\ &= -10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad 7 - (-3) \\ &= 7 + (+3) \\ &= 10 \end{aligned}$$

Règles:

$$a \times b = ? \text{ et } \frac{a}{b} = ?$$

• Si on multiplie ou

on divise deux entiers
relatifs de même signe
alors le résultat est POSITIF

$$(-2) \times (-3) = 6; 4 \times 5 = 20$$
$$\frac{-6}{-2} = 3$$

• Si on multiplie ou
on divise deux entiers
relatifs de signes contraires
alors le résultat est NÉGATIF

$$(-2) \times 3 = (-2) \times (+3) = -6$$
$$\frac{-14}{2} = \frac{-14}{+2} = -7$$

Les tables de multiplication

Table de 1

$1 \times 1 = 1$
$1 \times 2 = 2$
$1 \times 3 = 3$
$1 \times 4 = 4$
$1 \times 5 = 5$
$1 \times 6 = 6$
$1 \times 7 = 7$
$1 \times 8 = 8$
$1 \times 9 = 9$
$1 \times 10 = 10$

Table de 2

$2 \times 1 = 2$
$2 \times 2 = 4$
$2 \times 3 = 6$
$2 \times 4 = 8$
$2 \times 5 = 10$
$2 \times 6 = 12$
$2 \times 7 = 14$
$2 \times 8 = 16$
$2 \times 9 = 18$
$2 \times 10 = 20$

Table de 3

$3 \times 1 = 3$
$3 \times 2 = 6$
$3 \times 3 = 9$
$3 \times 4 = 12$
$3 \times 5 = 15$
$3 \times 6 = 18$
$3 \times 7 = 21$
$3 \times 8 = 24$
$3 \times 9 = 27$
$3 \times 10 = 30$

Table de 4

$4 \times 1 = 4$
$4 \times 2 = 8$
$4 \times 3 = 12$
$4 \times 4 = 16$
$4 \times 5 = 20$
$4 \times 6 = 24$
$4 \times 7 = 28$
$4 \times 8 = 32$
$4 \times 9 = 36$
$4 \times 10 = 40$

Table de 5

$5 \times 1 = 5$
$5 \times 2 = 10$
$5 \times 3 = 15$
$5 \times 4 = 20$
$5 \times 5 = 25$
$5 \times 6 = 30$
$5 \times 7 = 35$
$5 \times 8 = 40$
$5 \times 9 = 45$
$5 \times 10 = 50$

Table de 6

$6 \times 1 = 6$
$6 \times 2 = 12$
$6 \times 3 = 18$
$6 \times 4 = 24$
$6 \times 5 = 30$
$6 \times 6 = 36$
$6 \times 7 = 42$
$6 \times 8 = 48$
$6 \times 9 = 54$
$6 \times 10 = 60$

Table de 7

$7 \times 1 = 7$
$7 \times 2 = 14$
$7 \times 3 = 21$
$7 \times 4 = 28$
$7 \times 5 = 35$
$7 \times 6 = 42$
$7 \times 7 = 49$
$7 \times 8 = 56$
$7 \times 9 = 63$
$7 \times 10 = 70$

Table de 8

$8 \times 1 = 8$
$8 \times 2 = 16$
$8 \times 3 = 24$
$8 \times 4 = 32$
$8 \times 5 = 40$
$8 \times 6 = 48$
$8 \times 7 = 56$
$8 \times 8 = 64$
$8 \times 9 = 72$
$8 \times 10 = 80$

Table de 9

$9 \times 1 = 9$
$9 \times 2 = 18$
$9 \times 3 = 27$
$9 \times 4 = 36$
$9 \times 5 = 45$
$9 \times 6 = 54$
$9 \times 7 = 63$
$9 \times 8 = 72$
$9 \times 9 = 81$
$9 \times 10 = 90$

Table de 10

$10 \times 1 = 10$
$10 \times 2 = 20$
$10 \times 3 = 30$
$10 \times 4 = 40$
$10 \times 5 = 50$
$10 \times 6 = 60$
$10 \times 7 = 70$
$10 \times 8 = 80$
$10 \times 9 = 90$
$10 \times 10 = 100$

Exercice

$$\textcircled{1} \frac{-49}{+7} = -7$$

$$\textcircled{2} +3 \times (-8) = -24$$

$$\textcircled{3} \frac{-54}{-9} = +6 = 6$$

$$\textcircled{4} -12 \times (-6) = +$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ \times 6 \\ \hline \end{array}$$

Les tables de multiplication

Table de 1	Table de 2	Table de 3	Table de 4	Table de 5
1 x 1 = 1	2 x 1 = 2	3 x 1 = 3	4 x 1 = 4	5 x 1 = 5
1 x 2 = 2	2 x 2 = 4	3 x 2 = 6	4 x 2 = 8	5 x 2 = 10
1 x 3 = 3	2 x 3 = 6	3 x 3 = 9	4 x 3 = 12	5 x 3 = 15
1 x 4 = 4	2 x 4 = 8	3 x 4 = 12	4 x 4 = 16	5 x 4 = 20
1 x 5 = 5	2 x 5 = 10	3 x 5 = 15	4 x 5 = 20	5 x 5 = 25
1 x 6 = 6	2 x 6 = 12	3 x 6 = 18	4 x 6 = 24	5 x 6 = 30
1 x 7 = 7	2 x 7 = 14	3 x 7 = 21	4 x 7 = 28	5 x 7 = 35
1 x 8 = 8	2 x 8 = 16	3 x 8 = 24	4 x 8 = 32	5 x 8 = 40
1 x 9 = 9	2 x 9 = 18	3 x 9 = 27	4 x 9 = 36	5 x 9 = 45
1 x 10 = 10	2 x 10 = 20	3 x 10 = 30	4 x 10 = 40	5 x 10 = 50
Table de 6	Table de 7	Table de 8	Table de 9	Table de 10
6 x 1 = 6	7 x 1 = 7	8 x 1 = 8	9 x 1 = 9	10 x 1 = 10
6 x 2 = 12	7 x 2 = 14	8 x 2 = 16	9 x 2 = 18	10 x 2 = 20
6 x 3 = 18	7 x 3 = 21	8 x 3 = 24	9 x 3 = 27	10 x 3 = 30
6 x 4 = 24	7 x 4 = 28	8 x 4 = 32	9 x 4 = 36	10 x 4 = 40
6 x 5 = 30	7 x 5 = 35	8 x 5 = 40	9 x 5 = 45	10 x 5 = 50
6 x 6 = 36	7 x 6 = 42	8 x 6 = 48	9 x 6 = 54	10 x 6 = 60
6 x 7 = 42	7 x 7 = 49	8 x 7 = 56	9 x 7 = 63	10 x 7 = 70
6 x 8 = 48	7 x 8 = 56	8 x 8 = 64	9 x 8 = 72	10 x 8 = 80
6 x 9 = 54	7 x 9 = 63	8 x 9 = 72	9 x 9 = 81	10 x 9 = 90
6 x 10 = 60	7 x 10 = 70	8 x 10 = 80	9 x 10 = 90	10 x 10 = 100

$$\textcircled{3} \quad \frac{-54}{-9} = +6 = 6$$

$$\textcircled{4} \quad -12 \times (-6) = +72 = 72$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ \times \quad 6 \\ \hline 72 \end{array}$$

Synthèse : $\textcircled{1} \quad (-3) + 9 =$
 $\textcircled{2} \quad (-2) - (-5) =$

Les tables de multiplication

Table de 1	Table de 2	Table de 3	Table de 4	Table de 5
1 x 1 = 1	2 x 1 = 2	3 x 1 = 3	4 x 1 = 4	5 x 1 = 5
1 x 2 = 2	2 x 2 = 4	3 x 2 = 6	4 x 2 = 8	5 x 2 = 10
1 x 3 = 3	2 x 3 = 6	3 x 3 = 9	4 x 3 = 12	5 x 3 = 15
1 x 4 = 4	2 x 4 = 8	3 x 4 = 12	4 x 4 = 16	5 x 4 = 20
1 x 5 = 5	2 x 5 = 10	3 x 5 = 15	4 x 5 = 20	5 x 5 = 25
1 x 6 = 6	2 x 6 = 12	3 x 6 = 18	4 x 6 = 24	5 x 6 = 30
1 x 7 = 7	2 x 7 = 14	3 x 7 = 21	4 x 7 = 28	5 x 7 = 35
1 x 8 = 8	2 x 8 = 16	3 x 8 = 24	4 x 8 = 32	5 x 8 = 40
1 x 9 = 9	2 x 9 = 18	3 x 9 = 27	4 x 9 = 36	5 x 9 = 45
1 x 10 = 10	2 x 10 = 20	3 x 10 = 30	4 x 10 = 40	5 x 10 = 50
Table de 6	Table de 7	Table de 8	Table de 9	Table de 10
6 x 1 = 6	7 x 1 = 7	8 x 1 = 8	9 x 1 = 9	10 x 1 = 10
6 x 2 = 12	7 x 2 = 14	8 x 2 = 16	9 x 2 = 18	10 x 2 = 20
6 x 3 = 18	7 x 3 = 21	8 x 3 = 24	9 x 3 = 27	10 x 3 = 30
6 x 4 = 24	7 x 4 = 28	8 x 4 = 32	9 x 4 = 36	10 x 4 = 40
6 x 5 = 30	7 x 5 = 35	8 x 5 = 40	9 x 5 = 45	10 x 5 = 50
6 x 6 = 36	7 x 6 = 42	8 x 6 = 48	9 x 6 = 54	10 x 6 = 60
6 x 7 = 42	7 x 7 = 49	8 x 7 = 56	9 x 7 = 63	10 x 7 = 70
6 x 8 = 48	7 x 8 = 56	8 x 8 = 64	9 x 8 = 72	10 x 8 = 80
6 x 9 = 54	7 x 9 = 63	8 x 9 = 72	9 x 9 = 81	10 x 9 = 90
6 x 10 = 60	7 x 10 = 70	8 x 10 = 80	9 x 10 = 90	10 x 10 = 100

Synthese:

$$\textcircled{1} \quad (-3) + +9 = 6$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad & (-2) - (-5) \\ & = (-2) + (+5) \\ & = 3 \end{aligned}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{-36}{+6} = -6$$

$$\textcircled{4} \quad (-4) \times (-3) = +12 = 12$$

$$\textcircled{2} +3 \times (-8) = -24$$

$$\textcircled{3} \frac{-54}{-9} = +6 = 6$$

Synthese: $\textcircled{1} (-3) + +9 = 6$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} & (-2) - (-5) \\ & = (-2) + (+5) \\ & = 3 \end{aligned}$$

$$\textcircled{3} \frac{-36}{+6} = -6$$

$$\textcircled{4} (-4) \times (-3) = +12 = 12$$

Exercice

Donner le résultat des opérations suivantes sans utiliser la calculatrice.

1) $-5 + 9 =$?

CALCULS_RELATIF0a

2) $\frac{12}{-4} =$?

CALCULS_RELATIF0b

3) $-1 - (-7) =$?

CALCULS_RELATIF0c

4) $3 \times (-8) =$?

CALCULS_RELATIF0d

5) $-6 - 3 =$?

6) $\frac{-30}{6} =$?

Règle: priorités

On effectue les opérations complexes dans l'ordre suivant :

- ① Les opérations entre parenthèses
- ② Les \times et \div
- ③ De gauche à droite

Exercice

$$\textcircled{1} (+4) - [+4 \times (-4)]$$

$$= (+4) - (-16)$$

$$= (+4) + (+16)$$

$$= 20$$

$$\textcircled{2} -4 \times 8 + 2$$

$$= (-4) \times (+8) + (+2)$$

$$= (-32) + (+2)$$

$$= -30$$

Exercise

$$\textcircled{1} (+4) - \boxed{+4 \times (-4)}$$

$$= (+4) - (-16)$$

$$= (+4) + (+16)$$

$$= 20$$

$$\textcircled{2} -4 \times 8 + 2$$

$$= (-4) \times (+8) + (+2)$$

$$= (-32) + (+2)$$

$$= -30$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} -3 \times (-5) + 3 &= (-3) \times (-5) + 3 \\ &= 15 + 3 \\ &= 18 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad -3 \times (-5) + 3 &= (-3) \times (-5) + 3 \\ &= 15 + 3 \\ &= 18 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad (-2 + 5) \times 2 - 4 + 2 \times 3 &= 3 \times 2 - 4 + 2 \times 3 \\ &= 6 - 4 + 6 \\ &= 2 + 6 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$$\textcircled{5} \quad -2 \times (4 - 2 \times 3) - (-4) =$$

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \quad -2 \times (4 - 2 \times 3) - (-4) &= -2 \times (4 - 6) - (-4) \\ &= -2 \times (-2) - (-4) \\ &= 4 - (-4) \\ &= 4 + (+4) \\ &= 8 \end{aligned}$$

CALCULS_RELATIFS_GUIDE1
CALCULS_RELATIFS_GUIDE1a

1. Nombres entiers

1. Nombres entiers naturels et nombres entiers relatifs

Définitions

- Un nombre entier naturel est un nombre entier positif (ou nul). L'ensemble des nombres entiers naturels est noté \mathbb{N} .
- Un nombre entier relatif est un nombre entier positif ou négatif (ou nul). L'ensemble des nombres entiers relatifs est noté \mathbb{Z} .

\mathbb{N} pour entier Naturel

\mathbb{Z} pour Zahl ("nombre" en allemand)

Vocabulaire \in appartient

\notin n'appartient pas

\mathbb{N} pour entier Naturel

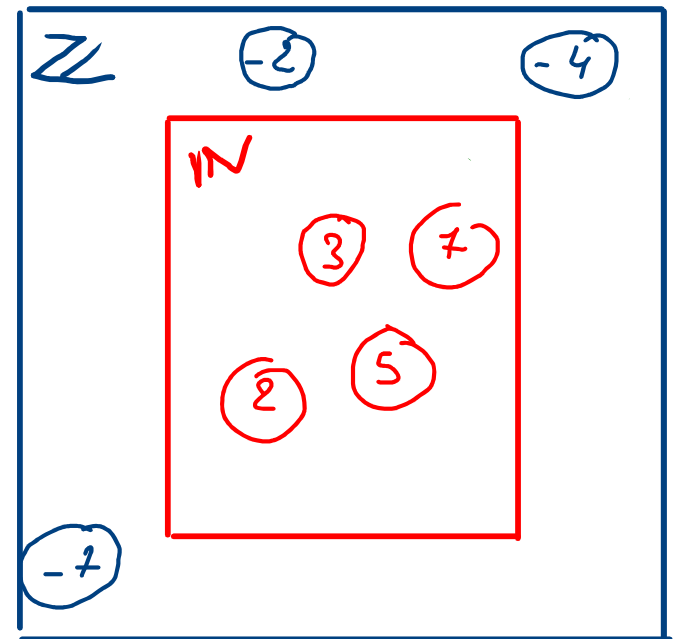
\mathbb{Z} pour Zahl ("nombre" en allemand)

Vocabulaire \in appartient

\notin n'appartient pas

Exemples $3 \in \mathbb{N}$ et $3 \in \mathbb{Z}$

$-2 \notin \mathbb{N}$ et $-2 \in \mathbb{Z}$



ENSEMBLE_NOMBRES1.html

Exercice: N ou Z ?

Compléter avec le symbole \in ou \notin .

$\frac{50}{10}$; -8 ; $\frac{-180}{10}$;

-9 ; 2 ; -9 ;

-4 ; -6 ; $\frac{\pi}{8}$;

Handwritten annotations: -180 with an arrow pointing to the fraction; a circled 'E' next to the fraction; a circled 'N' next to 50/10; a circled 'E' next to pi/8; a circled 'E' next to -8 with a crossed-out 'notin' symbol below it.

2. Multiples et diviseurs

Définition

Soient a et b deux nombres entiers relatifs (b non nul).

S'il existe un entier relatif q tel que $a = bq$, on dit que a est un **multiple** de b et que b est un **diviseur** de a .

Exemple:

$$28 = 4 \times 7$$

- 28 est dans le table de 7
- 28 est dans le table de 4

$$a = b \times q$$

28 est un multiple de 4
28 est un multiple de 7

4 est un diviseur de 28
7 est un diviseur de 28

Exemple:

$$28 = 4 \times 7$$

$$a = b \times q$$

28 est un multiple de 4

28 est un multiple de 7

4 est un diviseur de 28

7 est un diviseur de 28

Décomposition en facteurs premiers

Un nombre premier est un nombre divisible uniquement par 1 et lui-même :

2, 3, 5, 7, 11, ...

Le nombre 6 par exemple n'est pas premier car

$$6 = 2 \times 3$$

Décomposition en facteurs premiers

Un nombre premier est un nombre divisible uniquement par 1 et lui-même :

2, 3, 5, 7, 11, ...

Le nombre 6 par exemple n'est pas premier

car $6 = 2 \times 3$

Règles de divisibilité

- Un nombre qui se termine par 0 ou 5 est divisible par 5

Règles de divisibilité

- Un nombre qui se termine par 0 ou 5 est divisible par 5
- Un nombre qui se termine par un nombre pair (0, 2, 4, 6 ou 8) est divisible par 2.
- Un nombre dont la somme des chiffres est divisible par 3 est divisible par 3.

Exemple

$$102 \rightarrow 1 + 0 + 2 = 3 = 3 \times 1$$

102 est divisible par 3.

$$102 \div 3 = 34$$

Exemples:

Avec la calculatrice

$$a) \quad 54 = \boxed{2 \times 3 \times 3 \times 3} \quad \text{Décomposition.}$$

54 se termine par 4
donc divisible par 2
 $27 \rightarrow 7+2=9$ donc
divisible par 3

54		2	} diviseurs des 16 div 2, 3 ou 5
27		3	
9		3	
3		3	
1			

$$200 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5$$

$$b) 200 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5$$

$$\begin{array}{r|l} 200 & 2 \\ 100 & 2 \\ 50 & 2 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$c) 225 = 3 \times 3 \times 5 \times 5$$

$$\begin{array}{r|l} 225 & 3 \\ 75 & 3 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$c) 225 = 3 \times 3 \times 5 \times 5$$

$$\begin{array}{r|l} 225 & 3 \\ 75 & 3 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

ENTIERS_DECOMPOSITION1
ENTIERS_DECOMPOSITION2
ENTIERS_DECOMPOSITION3

Définitions et propriété

Soit a un nombre entier relatif.

- a est pair si 2 est un diviseur de a , c'est-à-dire s'il existe un nombre entier relatif q tel que $a = 2q$.
- a est impair si 2 n'est pas un diviseur de a , c'est-à-dire s'il existe un nombre entier relatif q tel que $a = 2q + 1$.
- a est premier s'il a exactement deux diviseurs positifs : 1 et lui-même.

Exemples:

$$\bullet \quad 63 = 2 \times 31 + 1 \rightarrow \text{impair}$$

$2 \times q + 1$

Donc 63 est de la forme $2 \times q + 1$
avec $q = 31$ donc impair

$$\bullet \quad 64 = 2 \times 32 \rightarrow \text{pair}$$

$2 \times q$

Donc 64 est de la forme $2 \times q$
avec $q = 32$ donc pair.

$$\begin{array}{r|l} 63 & 2 \\ 3 & \textcircled{31} \\ \hline 1 & \end{array}$$

Exemples:

• $63 = 2 \times 31 + 1 \rightarrow$ impair

$2 \times q + 1$

$2 \times q + 1$

$63 \begin{array}{r} 2 \\ 3 \overline{) 63} \\ \underline{60} \\ 31 \\ \underline{31} \\ 0 \end{array}$

Donc 63 est de la forme
avec $q = 31$

• $64 = 2 \times 32 \rightarrow$ pair

$2 \times q$

$2 \times q$

Donc 64 est de la forme
avec $q = 32$

Pour chacune des questions suivantes, donner la parité du nombre entier puis justifier.

1) Le nombre 63 est ✓ car $63 = 2 \times 31 + 1$ ✓

2) Le nombre 64 est ✓ car $64 = 2 \times 32$ ✓

3) Le nombre 26 est ✓ car $26 = 2 \times 13$ ✓

4) Le nombre 23 est ✓ car $23 = 2 \times 11 + 1$ ✓

ENTIERS_PARITE1

ENTIERS_PARITE2

ENTIERS_PARITE3(sans aide)

Exemples:

• $63 = 2 \times 31 + 1 \rightarrow$ impair

$2 \times q + 1$

$63 \overline{) 2}$
 $3 \overline{) 31}$
 $\textcircled{1}$

Donc 63 est de la forme $2 \times q + 1$
avec $q = 31$

• $64 = 2 \times 32 \rightarrow$ pair

$2 \times q$

Donc 64 est de la forme $2 \times q$
avec $q = 32$

Rappel: multiplier ou diviser par 10, 100, 1000, ...

• Multiplier par 10, 100, 1000, ...

$13, \times 100 = 1300$

$2,32 \times 1000 = 2320$

Rappel: multiplier ou diviser par 10, 100, 1000, ...

- Multiplier par 10, 100, 1000, ...

$$13 \times 100 = 1300$$

$$2,32 \times 1000 = \underline{\underline{2,320}}$$

- Diviser par 10, 100, 1000

$$23,2 \div 100 = 0,232$$

$$422090, \div 1000 = 422,09 \cancel{\times}$$

DIV_MULT_PUISSANCE_DIX1

DIV_MULT_PUISSANCE_DIX2

.

2. Nombres réels

► 1. Nombres décimaux et nombres rationnels

Puissances de 10 : $10^0 = 1$

$$3^5 = \underbrace{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}_{5 \text{ facteurs}}$$

$$10^1 = 10$$

$$10^2 = 100 \quad (10 \times 10)$$

$$10^3 = 1000 \quad (10 \times 10 \times 10)$$

Puissances de 10 : $10^0 = 1$

$$3^5 = \underbrace{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}_{5 \text{ facteurs}}$$

$$10^1 = 10$$

$$10^2 = 100 \quad (10 \times 10)$$

$$10^3 = 1000 \quad (10 \times 10 \times 10)$$

Définitions

- Un nombre décimal est un nombre qui peut s'écrire sous la forme $\frac{a}{10^k}$, où a est un nombre entier relatif et k est un entier naturel. L'ensemble des nombres décimaux est noté \mathbb{D} . **10**

Définitions

- Un nombre décimal est un nombre qui peut s'écrire sous la forme $\frac{a}{10^k}$, où a est un nombre entier relatif et k est un entier naturel. L'ensemble des nombres décimaux est noté \mathbb{D} . **1D**

Exemples:

$$a) \quad 0,05 = \frac{5}{100} = \frac{5}{10^2} \quad \left. \begin{array}{l} a = 5 \\ k = 2 \end{array} \right\}$$

donc 0,05 est de la forme $\frac{a}{10^k}$

$$\text{donc } 0,05 \in \mathbb{D}$$

↑
appartient

$$a) \quad 0,05 = \frac{5}{100} = \frac{5}{10^2}$$

donc $0,05$ est de la forme $\frac{a}{10^k}$ $\left. \begin{array}{l} a=5 \\ k=2 \end{array} \right\}$

donc $0,05 \in \mathbb{D}$
 \uparrow
appartient

$$b) \quad -0,273 = \frac{-273}{10^3} \quad \text{donc} \quad -0,273 \in \mathbb{D}$$

$$c) \quad 241 = \frac{241}{1} = \frac{241}{10^0} \quad \text{donc} \quad 241 \in \mathbb{D}$$


$$d) \quad 3,7 = \frac{37}{10^1} \quad \text{donc} \quad 3,7 \in \mathbb{D}$$

$$e) \quad -8 = \frac{-8}{1} = \frac{-8}{10^0} \quad \text{donc} \quad 8 \in \mathbb{D}$$


NOMBRES_DECIMAUX0.html

NOMBRES_DECIMAUX0a.html (/1 et /10)


NOMBRES_DECIMAUX0b.html (/1 et /10)


1) $? = \frac{9924}{10^1}$ pour ?= 


4,5 ~~2~~


2) $? = \frac{9694}{10^1}$ pour ?= 

4,5 ~~2~~

3) $0.05599 = \frac{5599}{10^?}$ pour ?= 

4) $72.92 = \frac{7292}{10^?}$ pour ?= 

5) $14.4 = \frac{?}{10^2}$ pour ?= 

6) $1.497 = \frac{?}{10^3}$ pour ?= 

Exercice:

On cherche à démontrer que les nombres suivants sont décimaux:

1) Le nombre $A = 87 + \frac{1}{2}$ est un nombre décimal car il s'écrit

$$A = \frac{875}{10}$$

2) Le nombre $B = \frac{59}{50} - \frac{13}{25}$ est un nombre décimal car il s'écrit

$$B = \frac{66}{100}$$

3) Le nombre $C = \frac{3}{8} \times \frac{12}{5}$ est un nombre décimal car il s'écrit

$$C = \frac{9}{10}$$

4) Le nombre $D = \frac{1}{25} + \frac{8}{25}$ est un nombre décimal car il s'écrit

$$D = \frac{36}{100}$$

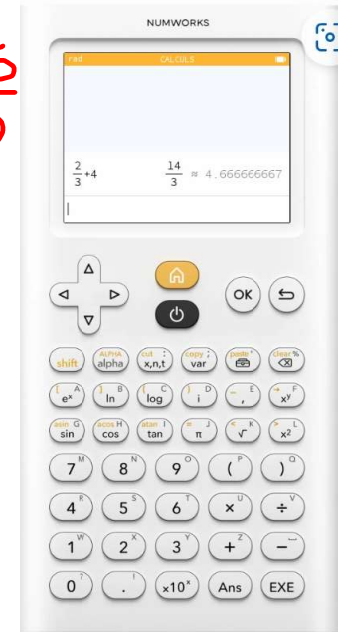
En utilisant la calculatrice:
<https://www.numworks.com/fr/simulateur/>

$$A = 87 + \frac{1}{2} = 87,5 = \frac{875}{10^1} = \frac{875}{10}$$

$$B = \frac{59}{50} - \frac{13}{25} = 0,66 = \frac{66}{10^2} = \frac{66}{100}$$

$$C = \frac{3}{8} \times \frac{12}{5} = 0,9 = \frac{9}{10^1} = \frac{9}{10}$$

$$D = \frac{1}{25} + \frac{8}{25} = 0,36 = \frac{36}{10^2} = \frac{36}{100}$$



NOMBRES_DECIMAUX2.html

|

.

Exercise

$$A = 0,05$$

$$C = -0,273$$

$$B = 241$$

$$D = 3,7$$

$$E = -8$$

II

A

Z

E

C

IN

B

D

Exercice

$$A = 0,05$$

$$C = -0,273$$

$$B = 241$$

$$D = 3,7$$

$$E = -8$$

\mathbb{D}

\mathbb{Z}

\mathbb{N}

Exercice :

NOMBRE_CLASSEMENT1

NOMBRE_CLASSEMENT2

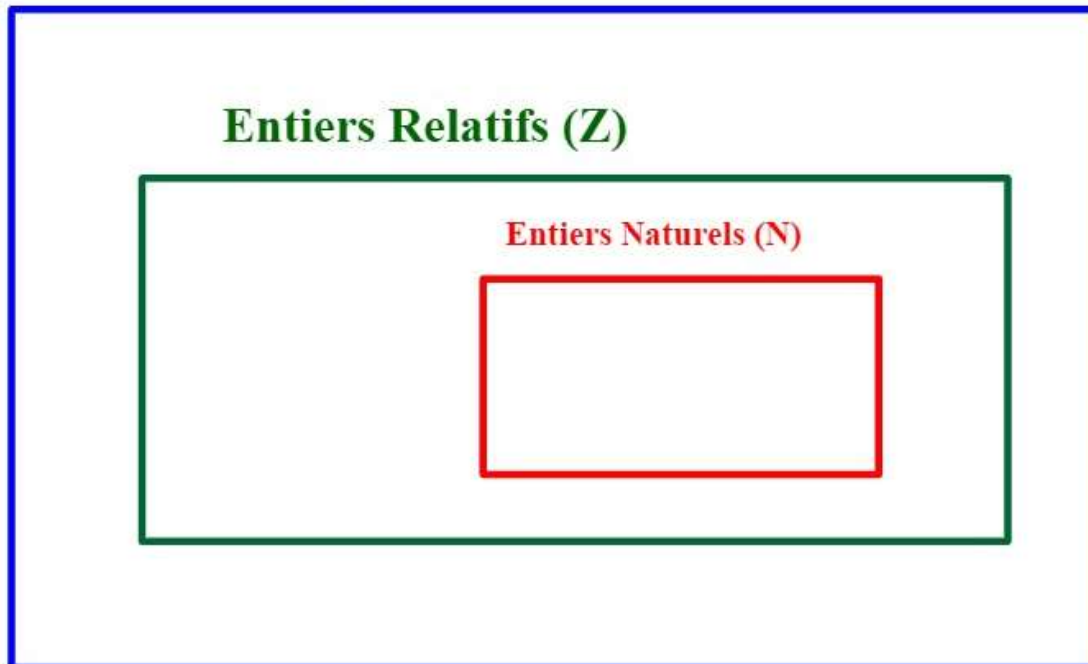
On donne les nombres suivants:

$A = 2$; $B = 1,2$; $C = -1,3$; $D = -3$; $E = 600$; $F = -0,07$

Replacer ces nombres dans l'un des ensembles "Décimaux", "Entiers Relatifs" ou "Entier Naturel".

Décimaux (D)

- A
- B
- C
- D
- E
- F



• Un nombre rationnel est un nombre qui peut s'écrire sous la forme $\frac{p}{q}$, où p est un nombre entier relatif et q un nombre entier naturel non nul. L'ensemble des nombres rationnels est noté \mathbb{Q} .

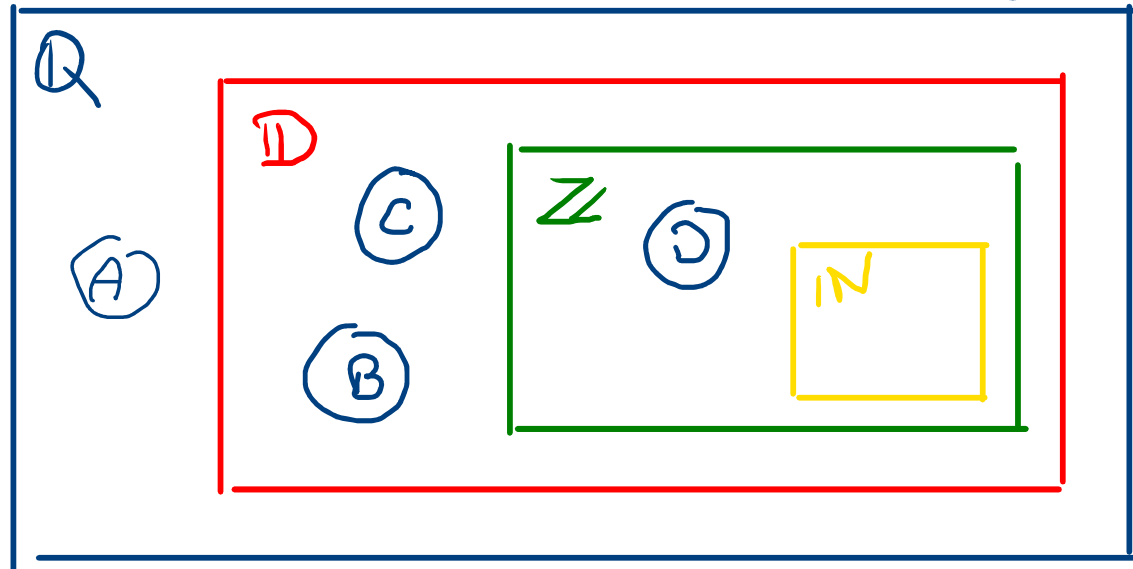
\mathbb{Q}

$(2,5)$ $\frac{25}{10}$

Exemples

$A = \frac{2}{3}$; $B = 1,62$; $C = \frac{5}{2}$ et $D = -\frac{40}{10}$

• $A = \frac{2}{3} = 0,66666\dots$
 ne peut pas s'écrire sous
 la forme $\frac{a}{10^k}$
 (k est infini)

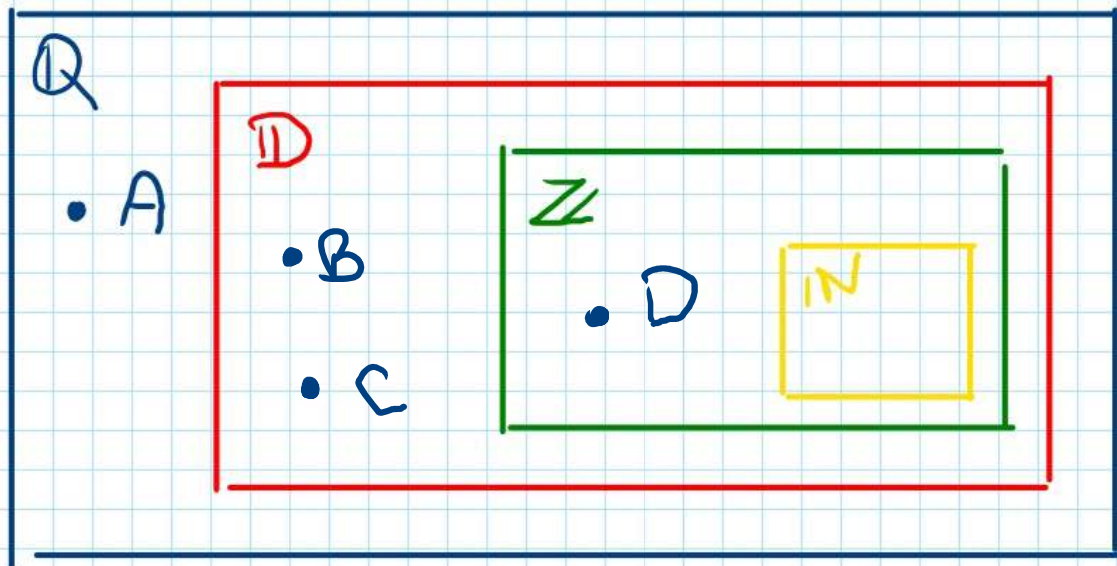


Exemples

$$A = \frac{2}{3}; \quad B = 1,62; \quad C = \frac{5}{2} \quad \text{et} \quad D = -\frac{40}{10}$$

- $A = \frac{2}{3} = 0,66666\dots$
ne peut pas s'écrire sous
la forme $\frac{a}{10^k}$ → "infini"

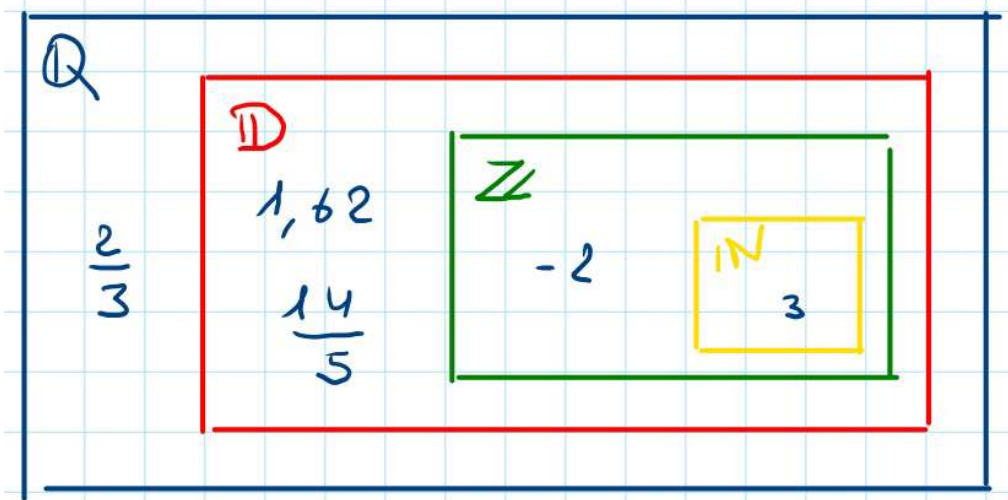
- $B = 1,62 = \frac{162}{10^2}$



- $C = \frac{5}{2} = 2,5 = \frac{25}{10^1}$ ⚠

- $D = \frac{-40}{10} = -4$

Exemples:



SYNTHESE

$\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{D}, \mathbb{Q}$

EXOID 21

EXOID 22

EXOID 23

EXOID 24

NOMBRE_CLASSEMENT3

NOMBRE_CLASSEMENT4

Exercice

On donne les nombres suivants:

$$A = 4 ; B = -0,07 ; C = \frac{11}{3} ; D = \frac{3}{5} ; E = -1,4$$

$$F = -900 ; G = \frac{7}{11} ; H = 1,5 ; I = \frac{7}{2} ; J = -3$$

Replacer ces nombres dans l'un des ensembles "Décimaux", "Entiers Relatifs" ou "Entier Naturel".

Q

D

Z

N

Propriété (admise)

Tout nombre rationnel r a une forme irréductible unique, c'est-à-dire qu'il existe un unique entier relatif a et un unique entier naturel b non nul tels que $r = \frac{a}{b}$ et tels que le seul diviseur positif commun à a et à b soit 1.

Exemples:

$$a) \quad \frac{4 \div 2}{8 \div 2} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{2 \div 2}{4 \div 2} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{1}{2} \quad \text{irréductible}$$

$$b) \quad \frac{12}{18} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{\cancel{2} \times \cancel{2} \times 3}{\cancel{2} \times 3 \times \cancel{3}}$$

$$= \frac{2}{3} \quad \text{irréductible}$$

$$\begin{array}{l|l} 12 & 2 \\ 6 & 2 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array} \quad \begin{array}{l|l} 18 & 2 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

$$a) \frac{4 \div 2}{8 \div 2} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{2 \div 2}{4 \div 2} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{1}{2} \quad \text{irréductible}$$

$$b) \frac{12}{18} \quad \text{réductible}$$

$$= \frac{\cancel{2} \times \cancel{2} \times 3}{\cancel{2} \times 3 \times 3}$$

$$= \frac{2}{3} \quad \text{irréductible}$$

$$\begin{array}{l|l} 12 & 2 \\ 6 & 2 \\ 3 & 3 \\ 1 & 3 \end{array} \quad \begin{array}{l|l} 18 & 2 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & 3 \end{array}$$

Exercice

$$\frac{90}{150} = \frac{\cancel{2} \times \cancel{3} \times 3 \times \cancel{5}}{\cancel{2} \times \cancel{3} \times 5 \times \cancel{5}} = \frac{3}{5}$$

$$\begin{array}{l|l} 30 & 2 \\ 45 & 3 \\ 15 & 3 \\ 5 & 5 \\ 1 & 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l|l} 150 & 2 \\ 75 & 3 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & 5 \end{array}$$

Exercice 1: décomposer pour réduire

2*

1) $\frac{90}{150} = \frac{2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5} = \frac{3}{5}$

2) $\frac{4}{14} = \frac{2 \cdot 2}{2 \cdot 7} = \frac{2}{7}$

3) $\frac{540}{900} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5} = \frac{3}{5}$

$$\frac{90}{150} = \frac{\cancel{2} \times \cancel{3} \times 3 \times \cancel{5}}{\cancel{2} \times \cancel{3} \times 5 \times \cancel{5}} = \frac{3}{5}$$

$$\begin{array}{r|l} 90 & 2 \\ & 3 \\ & 3 \\ & 5 \\ & 5 \\ & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 150 & 2 \\ & 3 \\ & 5 \\ & 5 \\ & 1 \end{array}$$