

Chapitre 5

Généralités sur les fonctions:

Fonctions affines

1. Fonctions affines

1. Définition

Définitions

- Une fonction affine f est une fonction définie pour tout nombre réel x par la relation :

$$f(x) = mx + p \quad \text{ou} \quad f: x \mapsto mx + p$$

où m et p sont des réels fixés.

On dit que la fonction f est **définie sur** \mathbb{R} , l'ensemble des nombres réels.

\mathbb{R}

Exemple : $f(x) = 2x - 4$

(On peut aussi écrire $f: x \mapsto 2x - 4$)

$$f(x) = mx + p$$
$$f: x \mapsto mx + p$$

Exemple : $f(x) = 2x - 4$

(On peut aussi écrire $f: x \mapsto 2x - 4$)

Rappel

Une fonction est un programme de calcul

Antécédent

x

3

10



$f: x \mapsto 2x - 4$

Image

$2x - 4$

2

16

Une fonction affine $f: x \mapsto mx + p$

$f: x \mapsto 2x - 4$

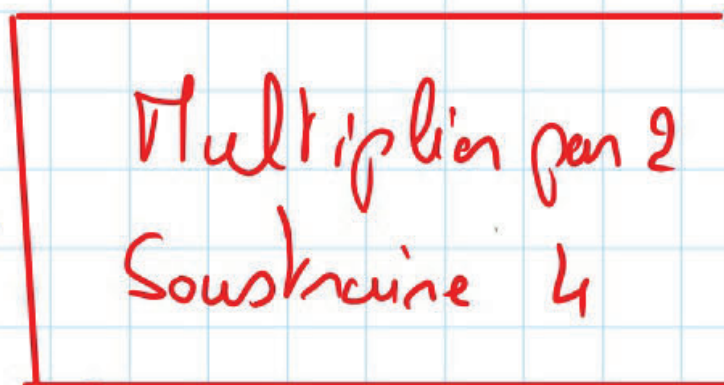
$x \mapsto 2x + (-4)$

Antécédant

$$\boxed{x}$$

3

10



$$f: x \mapsto 2x - 4$$



Image

$$\boxed{2x - 4}$$

2

16

Une fonction affine: $f: x \mapsto mx + p$

$$f: x \mapsto 2x - 4$$

$$x \mapsto 2x + (-4)$$

C'est une fonction affine

avec

$$m = 2$$

$$p = -4$$

Exercice 1

$$f_1 : x \mapsto -x + 7$$

Chacune des fonctions suivantes est une fonction affine. Identifier les coefficient m et p.

1) $f_1 : x \mapsto -x + 7$ et une fonction affine avec $m = \boxed{-1}$? et $p = \boxed{7}$? .

Linéaire

2) $f_2 : x \mapsto -5x$ et une fonction affine avec $m = \boxed{-5}$? et $p = \boxed{0}$? .

3) $f_3 : x \mapsto 5 - x$ et une fonction affine avec $m = \boxed{-1}$? et $p = \boxed{5}$? .

4) $f_4 : x \mapsto -x - 8$ et une fonction affine avec $m = \boxed{-1}$? et $p = \boxed{-8}$? .

5) $f_5 : x \mapsto 2x - 7$ et une fonction affine avec $m = \boxed{2}$? et $p = \boxed{-7}$? .

6) $f_6 : x \mapsto -9 + x$ et une fonction affine avec $m = \boxed{1}$? et $p = \boxed{-9}$? .

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE1
RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE1a

Exercice 1

$$f_1 : x \mapsto -x + 7$$

Chacune des fonctions suivantes est une fonction affine. Identifier les coefficient m et p.

1) $f_1 : x \mapsto -x + 7$ et une fonction affine avec $m = \boxed{-1} ?$ et $p = \boxed{7} ?$.

Car $f_1 : x \mapsto -1 \times x + 7$

2) $f_2 : x \mapsto -5x$

$f_2 : x \mapsto -5x + 0$

$m = -5$

$p = 0$

$$\textcircled{3} f_3 : x \mapsto 5 - x$$
$$x \mapsto -1x + 5$$

affine avec $m = -1$ et $p = 5$

$$\textcircled{4} f_4 : x \mapsto -x - 8$$
$$x \mapsto -1x + (-8)$$

affine avec $m = -1$ et $p = -8$

$$\textcircled{5} f_5 : x \mapsto 2x - 7$$
$$x \mapsto 2x + (-7)$$

affine avec $m = 2$ et $p = -7$

$$f : x \mapsto \textcircled{m}x + \textcircled{p}$$

$$\textcircled{4} f_4: x \mapsto -x - 8$$

$$x \mapsto -1x + (-8)$$

affine avec $m = -1$ et $p = -8$

$$\textcircled{5} f_5: x \mapsto 2x - 7$$

$$x \mapsto 2x + (-7)$$

affine avec $m = 2$ et $p = -7$

$$f: x \mapsto \textcircled{m}x + \textcircled{p}$$

$$\textcircled{6} f_6: x \mapsto -9 + x$$

$$x \mapsto 1x + (-9)$$

affine avec $m = 1$ et $p = -9$

$$\textcircled{5} f_5: x \mapsto 2x - 7$$

affine avec $m = 2$ et $p = -7$

$$x \mapsto 2x + (-7)$$
$$f: x \mapsto \textcircled{m}x + \textcircled{p}$$

$$\textcircled{6} f_6: x \mapsto -9 + x$$

affine avec $m = 1$ et $p = -9$

$$x \mapsto 1x + (-9)$$

Exercice 2

$$\textcircled{1} f_1: x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$$

$$\textcircled{6} f_6: x \mapsto -9 + x$$

$$x \mapsto 1x + (-9)$$

affine avec $m = 1$ et $p = -9$

Exercice 2

$$\textcircled{1} f_1: x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$$

$$x \mapsto -20 + 10x - 4 \quad f: x \mapsto mx + p$$

$$x \mapsto 10x + (-24)$$

affine avec $m = 10$ et $p = -24$

distribuer

$$\textcircled{2} f_2: x \mapsto -4 + 2(4x - 1)$$

$$x \mapsto -4 + 8x - 2$$

$$x \mapsto 8x + (-6)$$

affine

avec $m = 8$ et $p = -6$

$$\textcircled{3} f_3: x \mapsto 3(5x - 2) + 2$$

$$x \mapsto 15x - 6 + 2$$

$$x \mapsto 15x + (-4)$$

affine

avec $m = 15$ et $p = -4$

Exercice 2

Chacune des fonctions suivantes est une fonction affine. Identifier les coefficient m et p .

1) $f_1 : x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

2) $f_2 : x \mapsto -4 + 2(4x - 1)$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

3) $f_3 : x \mapsto 3(5x - 2) + 2$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

① $f_1 : x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$ $5 \times 2 \times x$

On a $5 \times (-4 + 2x) - 4 = 5 \times (-4) + 5 \times 2x - 4$
 $= -20 + 10x - 4$
 $= 10x - 24$

C'est une fonction affine avec $m = 10$ et $p = -24$

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE2

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE2a

$$\textcircled{1} f_1: x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$$

$5 \times 2 \times x$

$$\text{On a } 5 \times (-4 + 2x) - 4 = 5 \times (-4) + 5 \times 2x - 4$$

$$= -20 + 10x - 4$$

$$= 10x - 24$$

C'est une fonction affine avec $m=10$ et $p=-24$

$$\textcircled{2} f_2: x \mapsto -4 + 2(4x - 1)$$

$$\text{On a } -4 + 2 \times (4x - 1) = -4 + 2 \times 4 \times x - 2 \times 1$$

$$= -4 + 8x - 2$$

$$= 8x - 6$$

C'est une fonction affine avec $m=8$ et $p=-6$

$$\textcircled{2} f_2 : x \mapsto -4 + 2(4x - 1)$$

$$\begin{aligned} \text{on a } -4 + 2 \times (4x - 1) &= -4 + 2 \times 4 \times x - 2 \times 1 \\ &= -4 + 8x - 2 \\ &= 8x - 6 \end{aligned}$$

C'est une fonction affine avec $m = 8$ et $p = -6$

$$\textcircled{3} f_3 : x \mapsto 3(5x - 2) + 2$$

$$\begin{aligned} \text{on a } 3 \times (5x - 2) + 2 &= 3 \times 5x - 3 \times 2 + 2 \\ &= 15x - 6 + 2 \\ &= 15x - 4 \end{aligned}$$

C'est une fonction affine avec $m = 15$ et $p = -4$.

Chacune des fonctions suivantes est une fonction affine. Identifier les coefficient m et p .

1) $f_1 : x \mapsto 5(-4 + 2x) - 4$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

2) $f_2 : x \mapsto -4 + 2(4x - 1)$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

3) $f_3 : x \mapsto 3(5x - 2) + 2$ et une fonction affine avec $m = \boxed{}$? et $p = \boxed{}$? .

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE1

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE2

Exercice 3

$$f: x \mapsto \textcircled{m}x + \textcircled{p}$$

$$g(x) = 7x + 2(-3x + 4)$$

$$g(x) = 7x - 6x + 8$$

$$g(x) = 1x + 8$$

Fonction affine avec $m = 1$
et $p = 8$

Cas particulier

$$g(x) = 1x + 8$$

Fonction affine avec $m = 1$
et $p = 8$

Cas particulier

Definitions

$$f: x \mapsto mx + p$$

Si $m = 0$, la fonction $f: x \mapsto p$
est une fonction **CONSTANTE**

Cas particulier

Définitions

$$f: \mathbb{R} \mapsto m\mathbb{R} + p$$

Si $m = 0$, la fonction $f: \mathbb{R} \mapsto p$
est une fonction **CONSTANTE**

Si $p = 0$, la fonction $g: \mathbb{R} \mapsto m\mathbb{R}$
est une fonction **LINÉAIRE**

Exemples

a) $f_1: \mathbb{R} \mapsto 3$ et **CONSTANTE**

b) $f_2: \mathbb{R} \mapsto 2\mathbb{R}$ et **LINÉAIRE**

Si $p = 0$, la fonction $g: \mathbb{R} \mapsto \mathbb{M}_n(\mathbb{R})$

est une fonction **LINÉAIRE**

Exemples

a) $f_1: \mathbb{R} \mapsto 3$ est **CONSTANTE**

b) $f_2: \mathbb{R} \mapsto 2x$ est **LINÉAIRE**

c) $f_3: \mathbb{R} \mapsto 2x+3$ est **AFFINE**

Exercices:

a) $f_4: \mathbb{R} \mapsto 2x - 2(x+3)$

$f_4: \mathbb{R} \mapsto 2x - 2x - 6$

$f_4: \mathbb{R} \mapsto -6$

f_4 est **CONSTANTE**

Exercices:

$$a) f_4: x \mapsto 2x - 2(x+3)$$

$$f_4: x \mapsto 2x - 2x - 6$$

$$f_4: x \mapsto -6$$

f_4 est CONSTANTE

$$b) f_5: x \mapsto -6 - 2(2x - 3)$$

$$f_5: x \mapsto -6 - 4x + 6$$

$$f_5: x \mapsto -4x$$

f_5 est linéaire

$$c) f_6: x \mapsto 2(5x - 4) - 3$$

$$f_6: x \mapsto 10x - 8 - 3$$

$$b) f_5: x \mapsto -6 - 2(2x - 3)$$

$$f_5: x \mapsto -6 - 4x + 6$$

$$f_5: x \mapsto -4x \quad f_5 \text{ est linéaire}$$

$$c) f_6: x \mapsto 2(5x - 4) - 3$$

$$f_6: x \mapsto 10x - 8 - 3$$

$$f_6: x \mapsto 10x - 11 \quad f_6 \text{ est Affine}$$

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE3
RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE3a
RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE3b

Exercice

$$a) \quad r(x) = 2(3x - 4) - 3(2x + 1)$$

$$r(x) = 6x - 8 - 6x - 3$$

$$r(x) = -11 \quad \text{Fonction CONSTANTE}$$

$$b) \quad t(x) = 4(2x - 1) - 2(-3x - 4)$$

$$t(x) = 8x - 4 + 6x + 8$$

$$t(x) = 14x + 4 \quad \text{Fonction AFFINE}$$

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE3c

Chacune des fonctions suivantes est une fonction affine, linéaire ou constante. Identifier les coefficients m et p puis donner le type de la fonction.

1) $f_1 : x \mapsto -4(2x - 5) - 4(5x + 2)$ est une fonction ? avec $m =$? et $p =$? .

2) $f_2 : x \mapsto 8 - 2(4x + 4)$ est une fonction ? avec $m =$? et $p =$? .

3) $f_3 : x \mapsto -5(2x - 4) + 10(-5x - 2)$ est une fonction ? avec $m =$? et $p =$? .

2) $f_2 : x \mapsto 8 - 2(4x + 4)$ est une fonction ? avec $m =$? et $p =$? .

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE3c

RECONNAITRE_FONCTION_AFFINE4

2. Représentation graphique

$$x \longrightarrow f : \boxed{x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow f(x)$$

x		-3	0		1	
$f(x)$	-4	-10	-1	5	2	11

Table
de valeurs

$$-3 \longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow -10$$

$$1 \longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow 2$$

$$0 \longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow -1$$

$$\longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow 11$$

$$\longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow 5$$

$$\longrightarrow \boxed{f : x \mapsto 3x - 1} \longrightarrow -4$$

$$3 \times (-3) - 1 = -10$$

$$3 \times 0 - 1 = -1$$

$$3 \times 1 - 1 = 2$$

$$x \rightarrow f: \boxed{x \mapsto 3x - 1} \rightarrow f(x)$$

x	-1	-3	0	2	1	4
$f(x)$	-4	-10	-1	5	2	11

Table
de valeurs

$$-3 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow -10 \quad | \quad 1 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow 2$$

$$0 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow -1 \quad | \quad 4 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow 11$$

$$2 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow 5 \quad | \quad -1 \rightarrow \boxed{f: x \mapsto 3x - 1} \rightarrow -4$$

$$\begin{aligned} 3x - 1 &= 5 \\ +1 & \quad +1 \\ \hline 3x &= 6 \\ \hline x &= 2 \end{aligned}$$

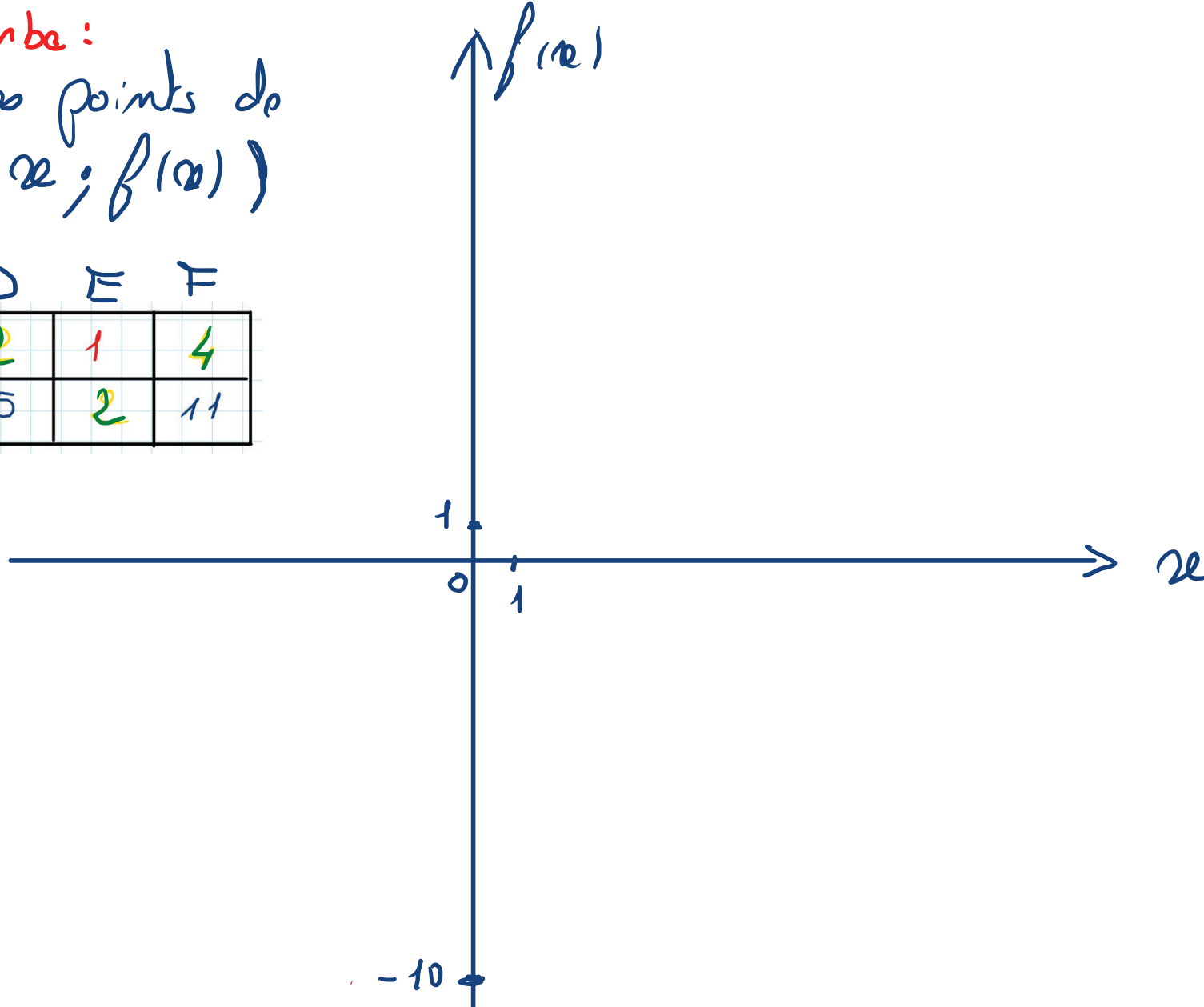
$$\begin{aligned} 3x - 1 &= -4 \\ +1 & \quad +1 \\ \hline 3x &= -3 \\ \hline x &= -1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3x - 1 &= 11 \\ +1 & \quad +1 \\ \hline 3x &= 12 \\ \hline x &= 4 \end{aligned}$$

Construire une courbe :

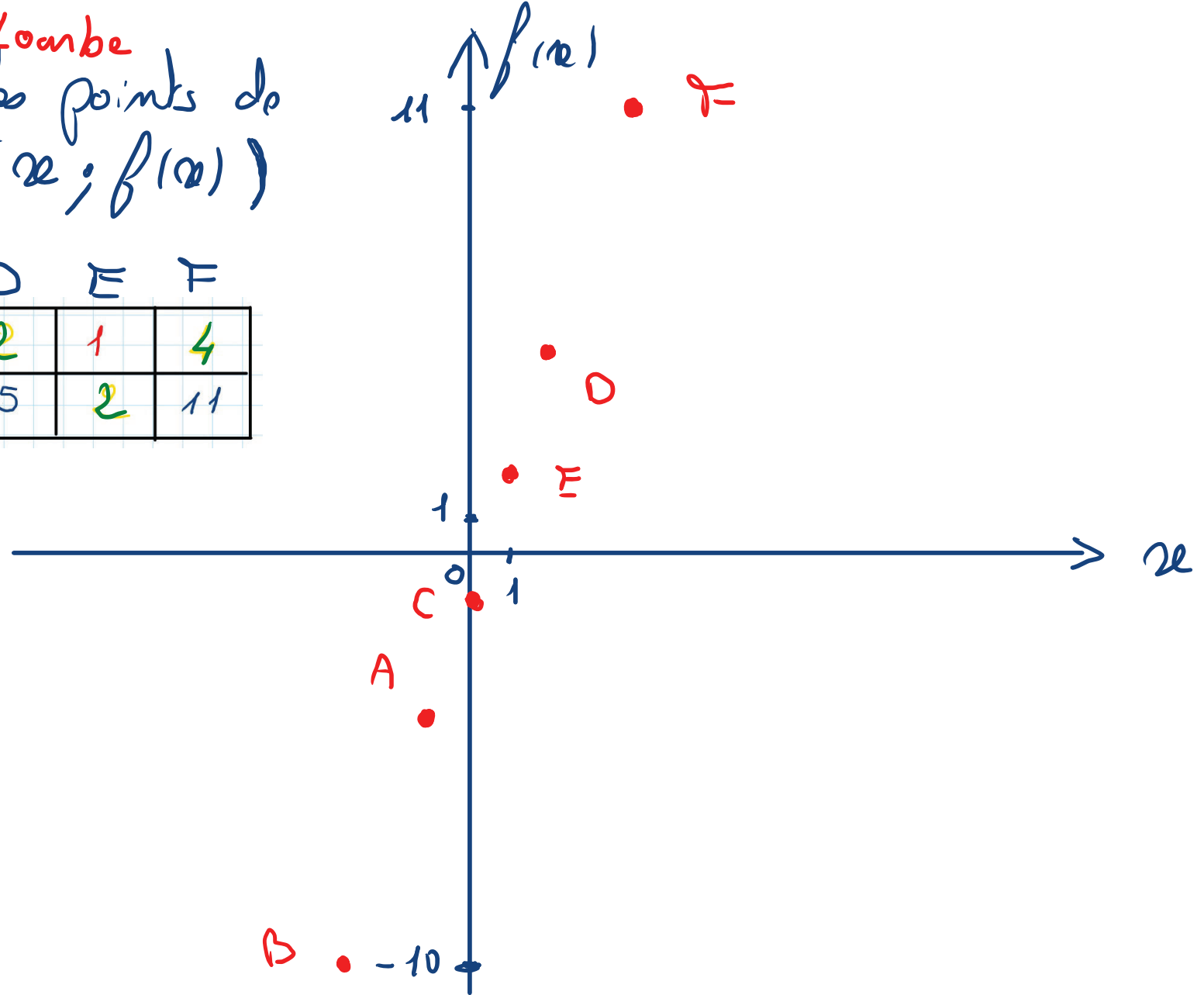
On place tous les points de coordonnées $(x; f(x))$

	A	B	C	D	E	F
x	-1	-3	0	2	1	4
$f(x)$	-4	-10	-1	5	2	11



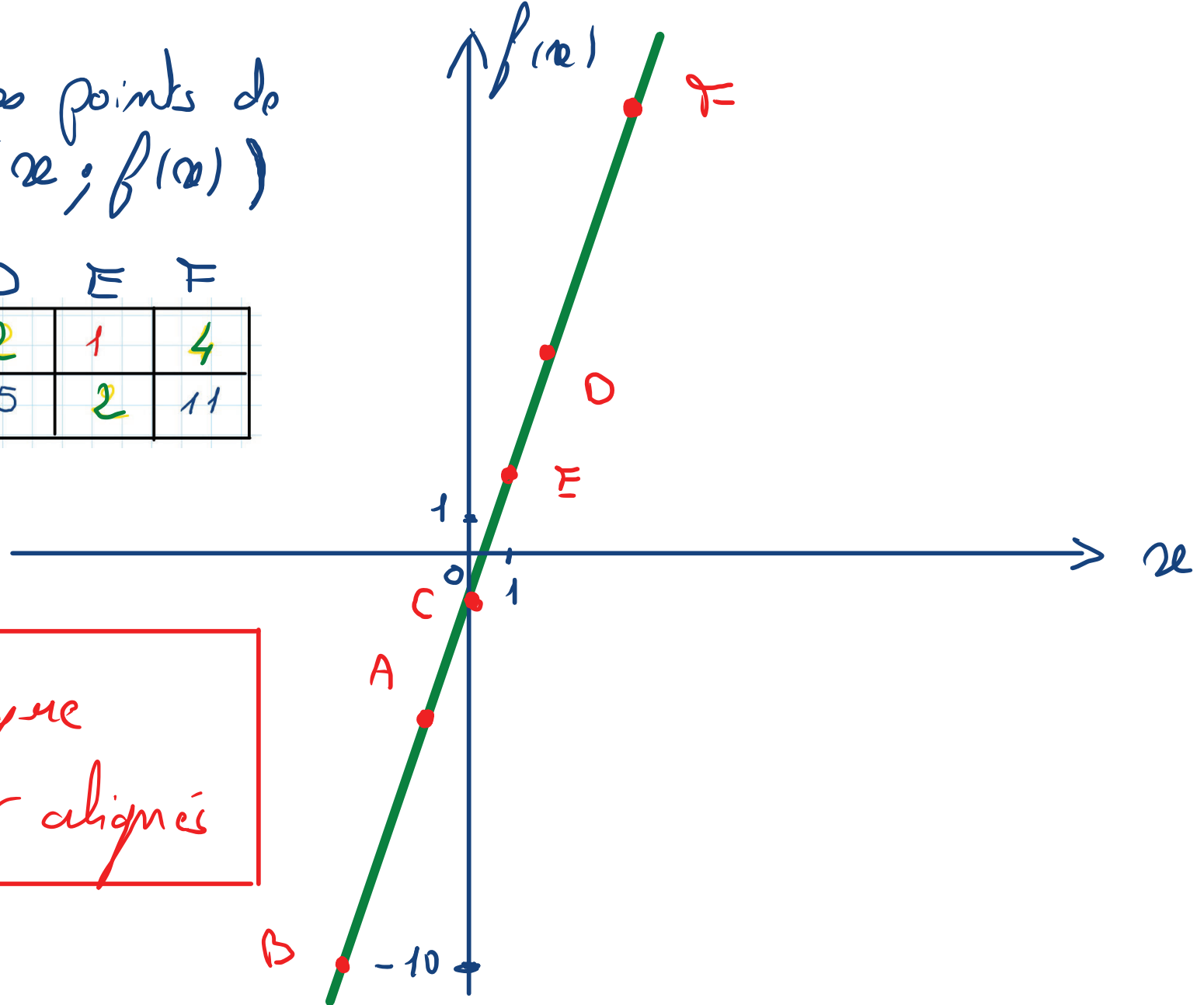
Construire une courbe
On place tous les points de
coordonnées $(x; f(x))$

	A	B	C	D	E	F
x	-1	-3	0	2	1	4
$f(x)$	-4	-10	-1	5	2	11



On place tous les points de coordonnées $(x; f(x))$

	A	B	C	D	E	F
x	-1	-3	0	2	1	4
$f(x)$	-4	-10	-1	5	2	11



On constate que les points sont alignés

GRAPH_FCT_AFFINE_POINT_PAR_POINT1

(croissante)

GRAPH_FCT_AFFINE_POINT_PAR_POINT2

(décroissante)

GRAPH_FCT_AFFINE_POINT_PAR_POINT3

(linéaire)

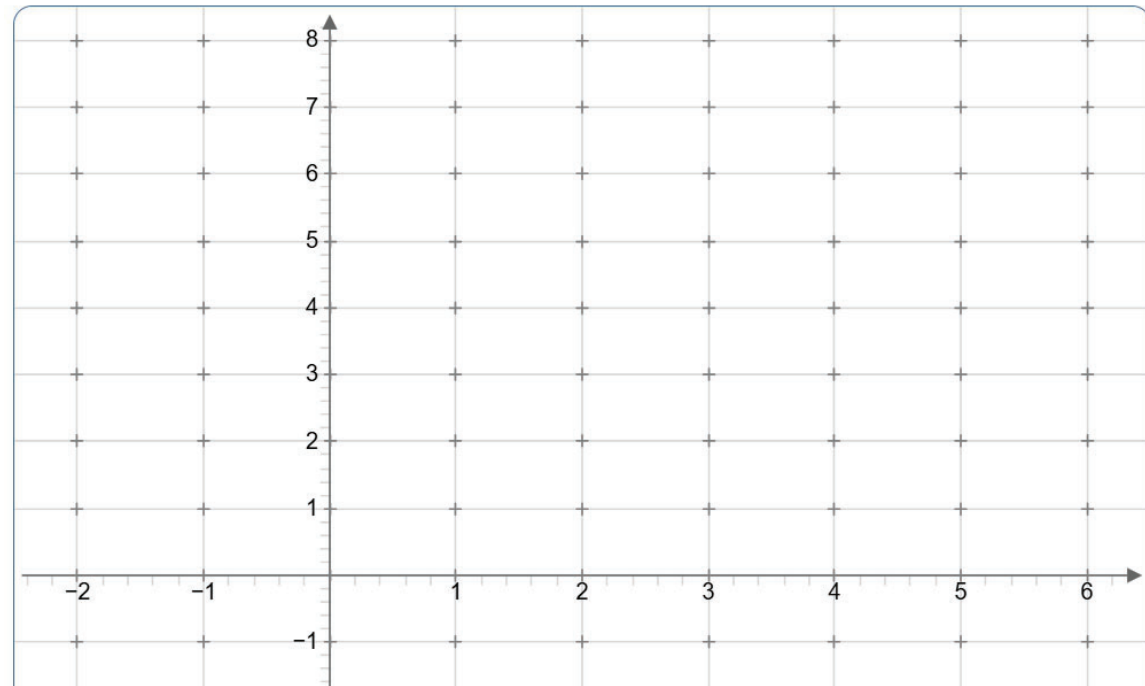
GRAPH_FCT_AFFINE_POINT_PAR_POINT4

(constante)

Démonstration

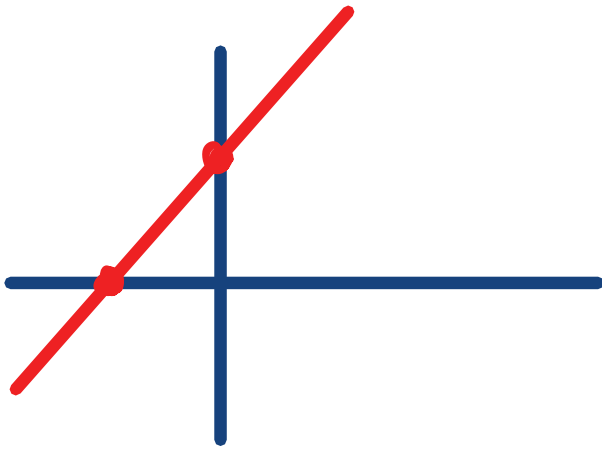
Soit f la fonction définie par $f(x) = 2x - 4$

Dans le repère ci-dessous, colorier en bleu (cliquer plusieurs fois sur chaque point permet de passer du bleu au représentative de f



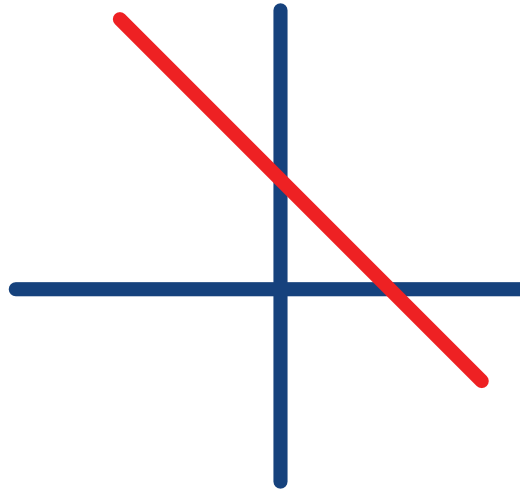
Propriété

La représentation graphique d'une fonction affine est une droite.



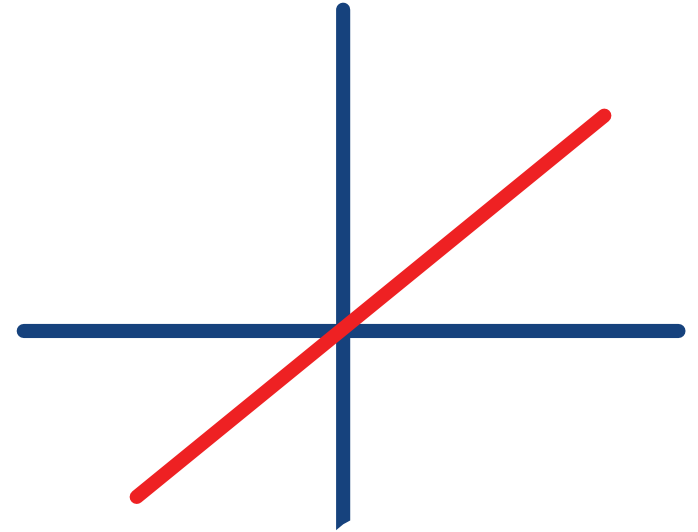
$$m > 0$$

AFFINE



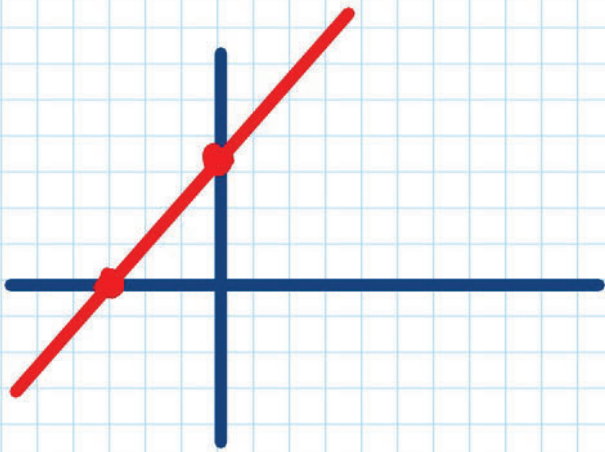
$$m < 0$$

AFFINE



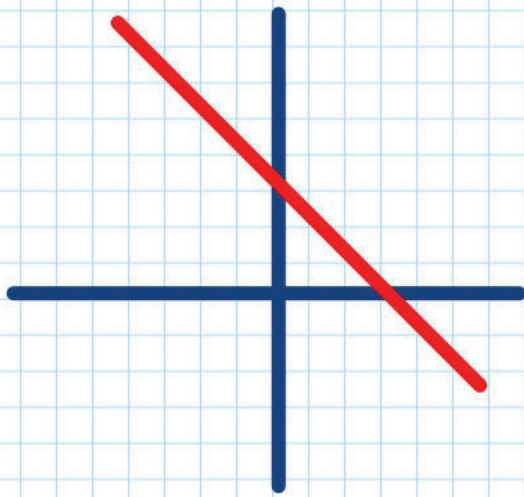
$$p = 0$$

LINEAIRE



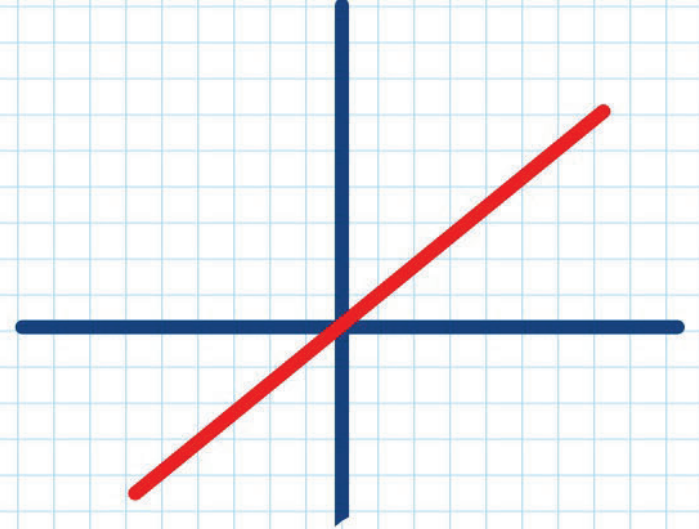
$$m > 0$$

AFFINE



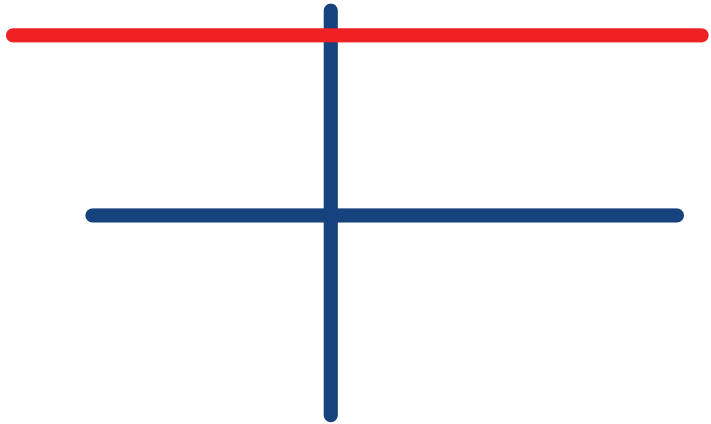
$$m < 0$$

AFFINE

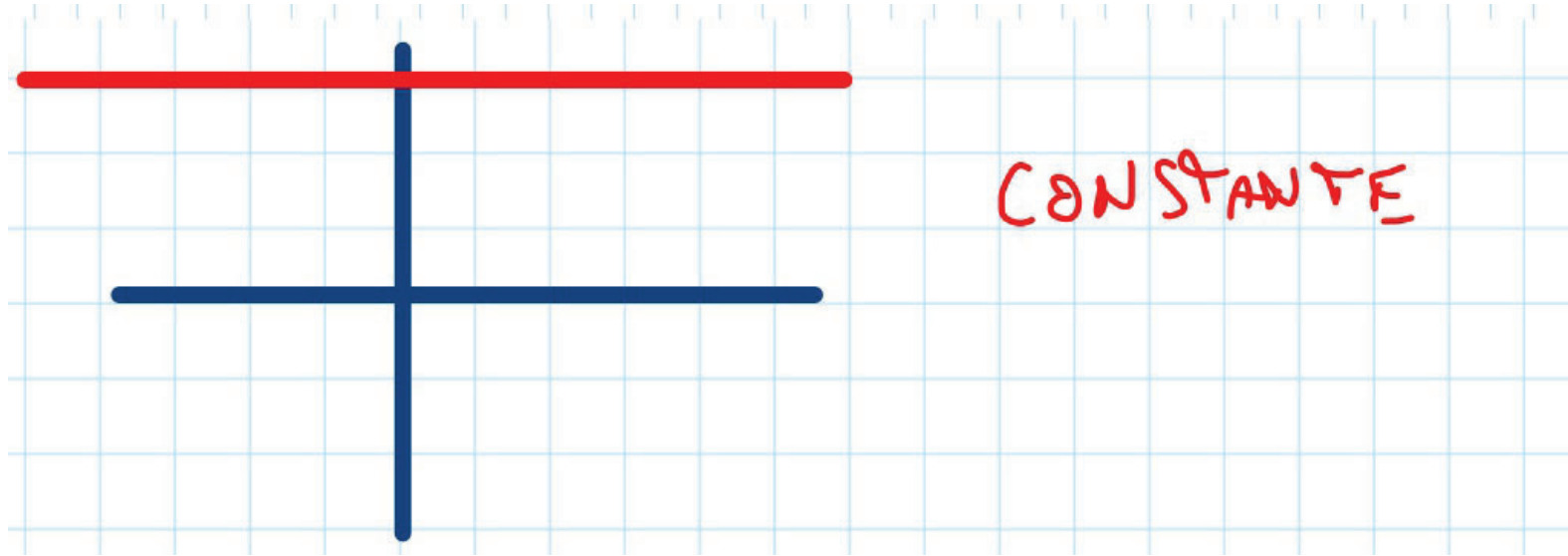


$$p = 0$$

LINEAIRE

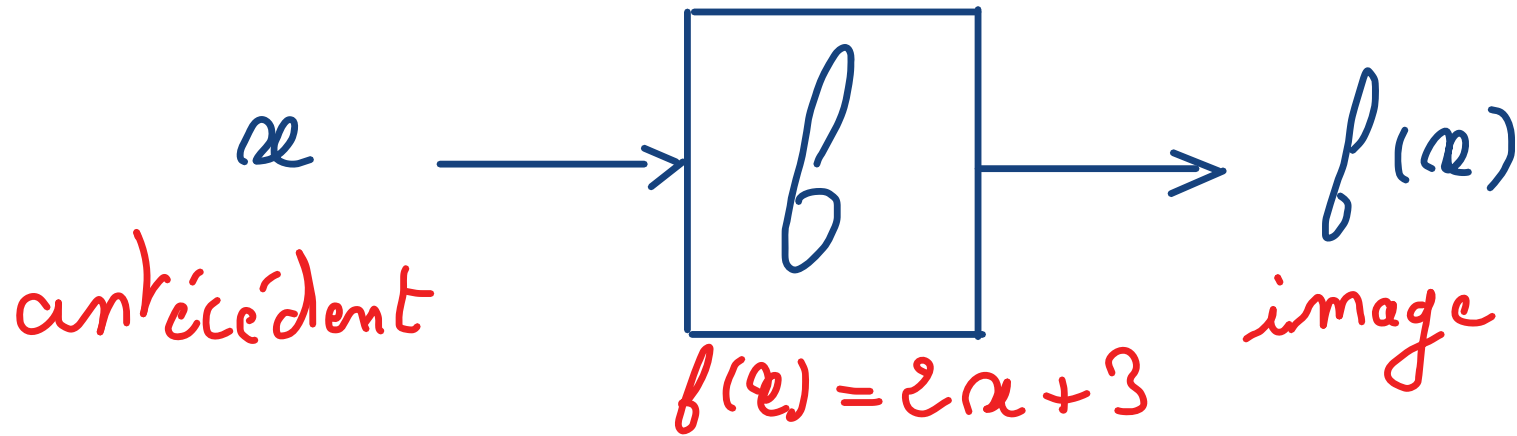


CONSTANTE



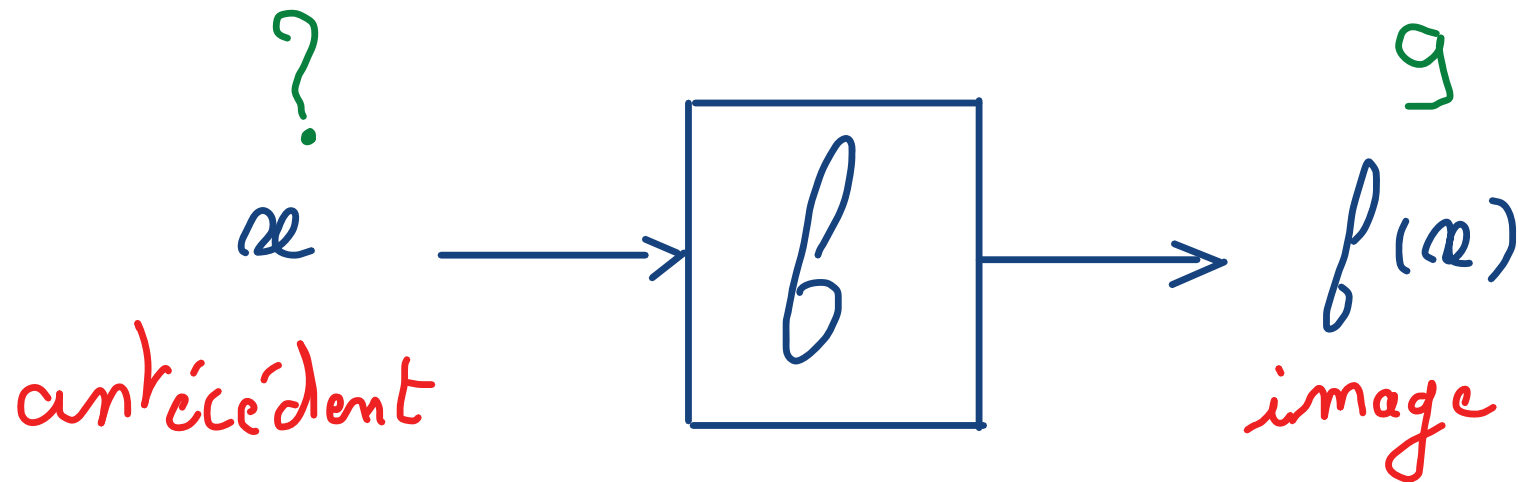
**Revoir le vocabulaire des fonctions:
image et antécédent.**

Revoir le vocabulaire des fonctions: image et antécédent.

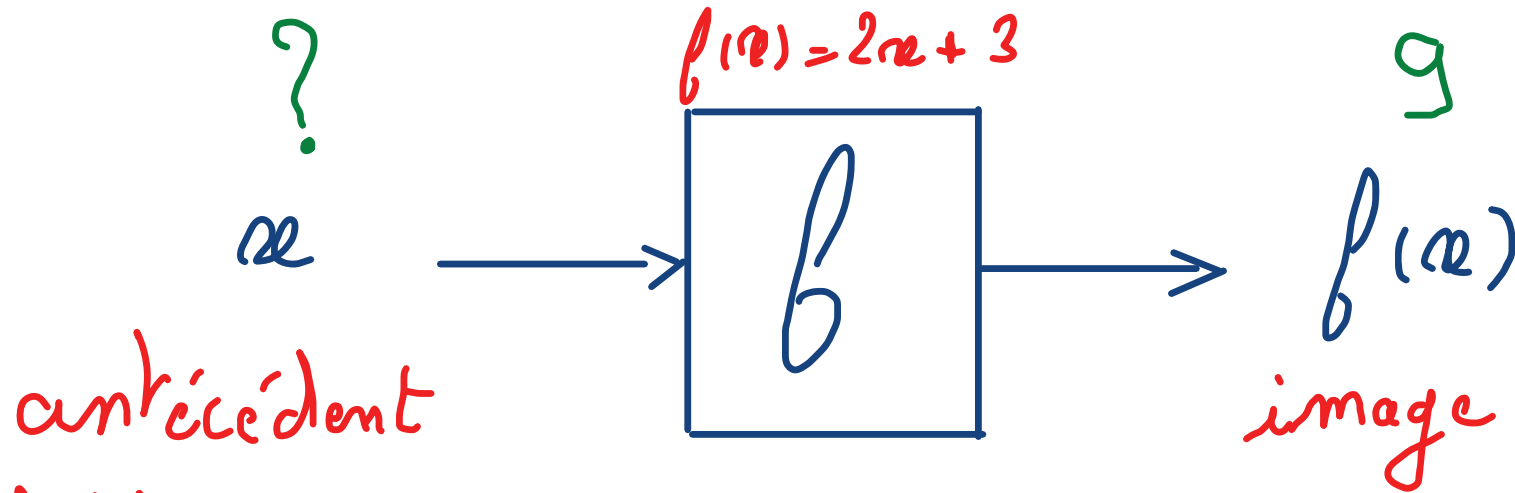


①

L'antécédent de 9 par la fonction f est ?



① L'antécédent de 9 par la fonction f est 3 ?



Méthode: EQUATION

$$f(x) = 9$$

$$2x + 3 = 9$$

-3 -3

$$\frac{2x}{2} = \frac{6}{2}$$

$$x = 3$$

Methode: EQUATION

$$f(x) = 9$$

$$2x + 3 = 9$$

-3 -3

$$\frac{2x}{2} = \frac{6}{2}$$

$$x = 3$$

$$f(x) = 2x + 3$$

2) $f(4) =$ 1 1 ?

Methode: EINSATZ

$$f(4) = 2 \times 4 + 3 = 11$$

$$2x+3$$

2) $f(4) =$?

Méthode: IMAGE

$$f(4) = 2 \times 4 + 3 = 11$$

3) L'image de 5 par la fonction f est égal à ?

IMAGE $f(5) = 2 \times 5 + 3 = 13$

3) L'image de 5 par la fonction f est égal à ?

IMAGE $f(5) = 2 \times 5 + 3 = 13$

4) $f(\text{$) ? = 6

EQUATION

$$f(x) = 6$$

$$2x + 3 = 6$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{3}{2}$$

$$x = \frac{3}{2} = 1,5$$

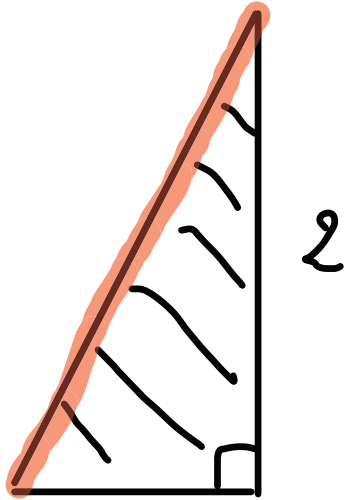
FCT_AFFINES_IMAGE_ANTECEDENT0

FCT_AFFINES_IMAGE_ANTECEDENT1

FCT_AFFINES_IMAGE_ANTECEDENT2

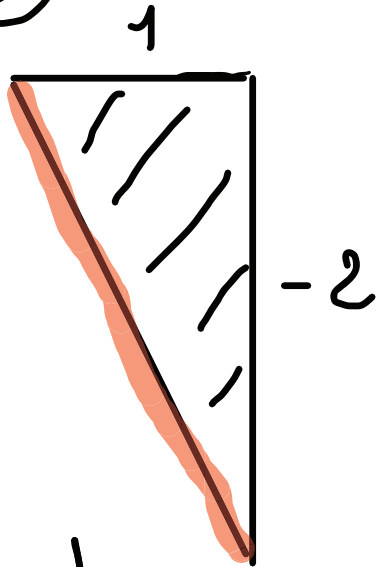
Notion de pente

①



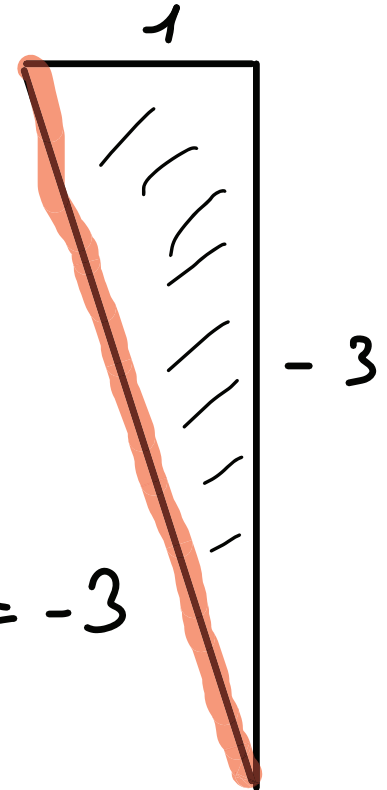
$$\text{pente} = \frac{2}{1} = 2$$

②



$$\text{pente} = -2$$

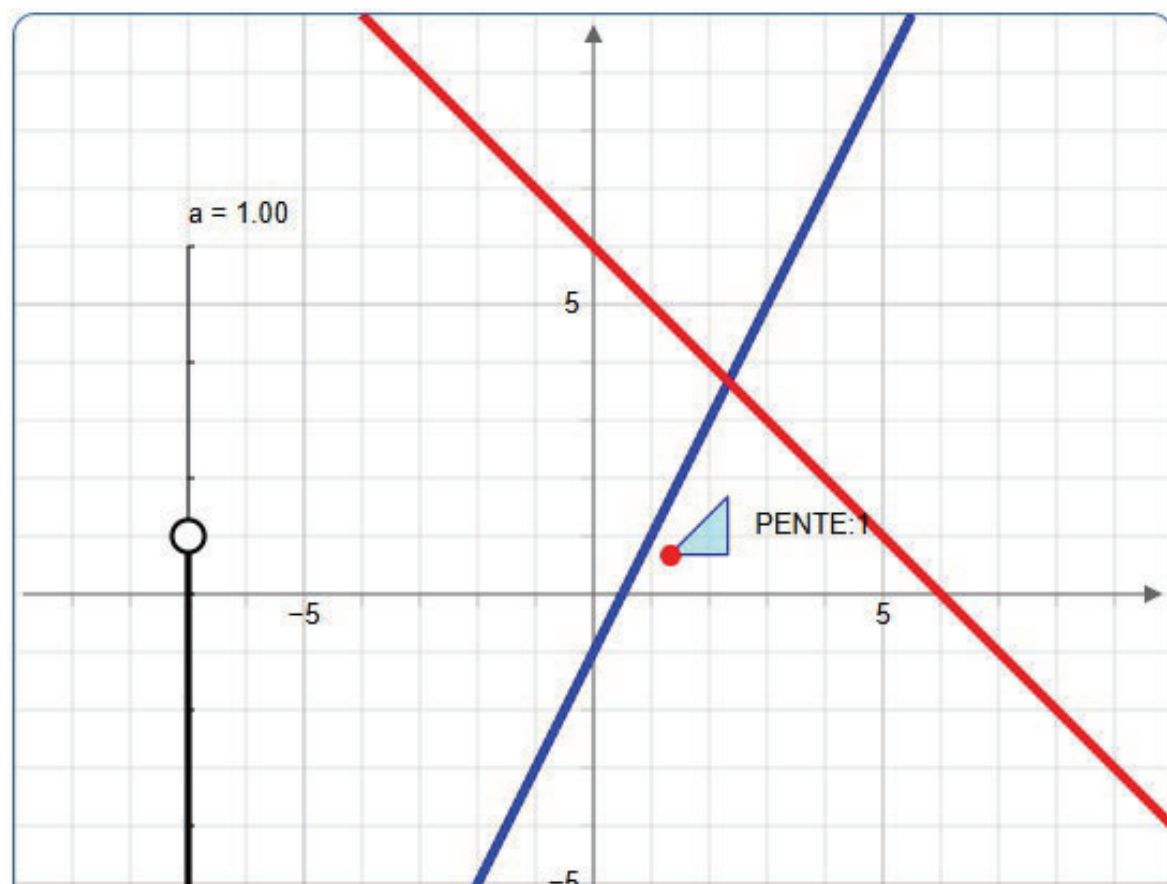
③



$$\text{pente} = -3$$

COEFFDIR_LECTa
COEFFDIR_LECTb

Exercice



Sur la figure ci-contre, on a représenté deux droites: une droite bleue et une droite rouge.

En utilisant le triangle de mesure de la pente, compléter les phrases qui suivent:

La pente de la droite BLEUE est: Soit

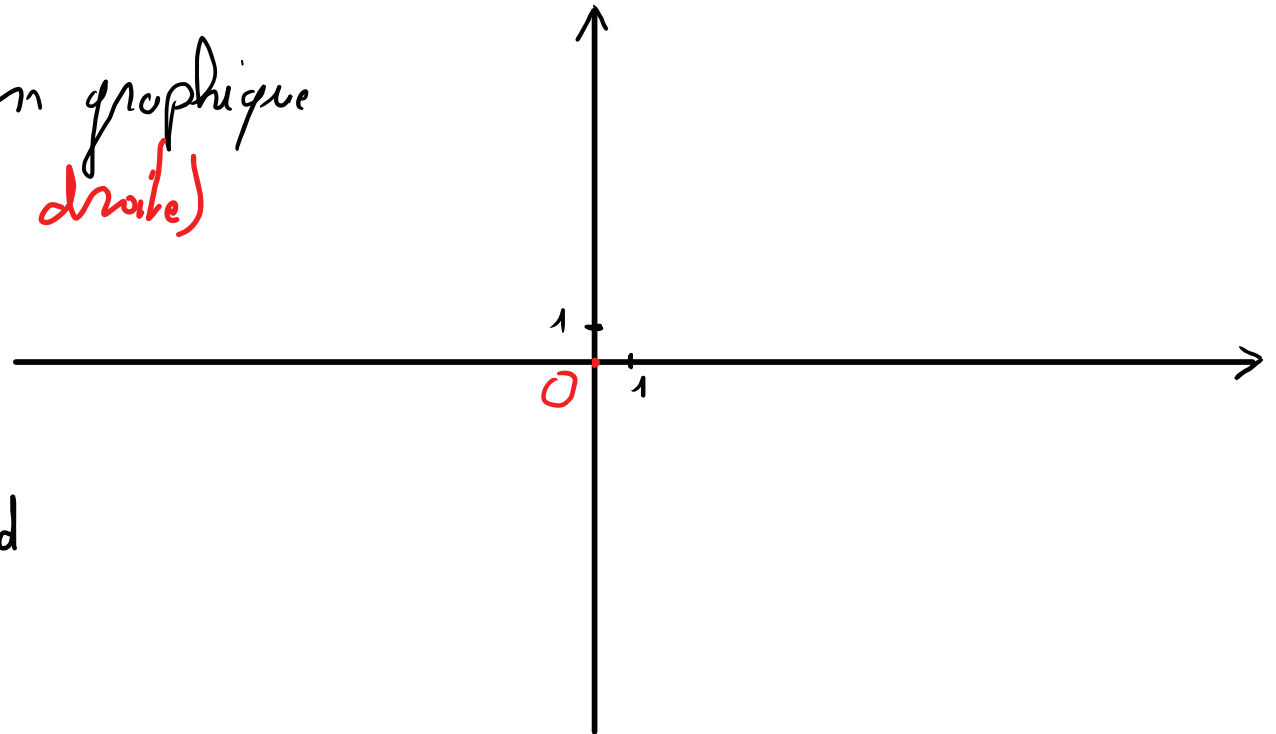
La pente de la droite ROUGE est: Soit

Définitions

Si $f(x) = mx + p$, alors m est le coefficient directeur (appelé aussi « pente ») de la droite représentative de f , et p est l'ordonnée à l'origine.

Exercice ① $f(x) = -3x + 4$

o) Dessiner la représentation graphique
de f (affine \rightarrow droite)



x	-2	0	3
$f(x)$			

← au hasard

Table de valeurs

x	-2	0	3
$f(x)$	10	4	-5

← au hasard

Table de valeurs

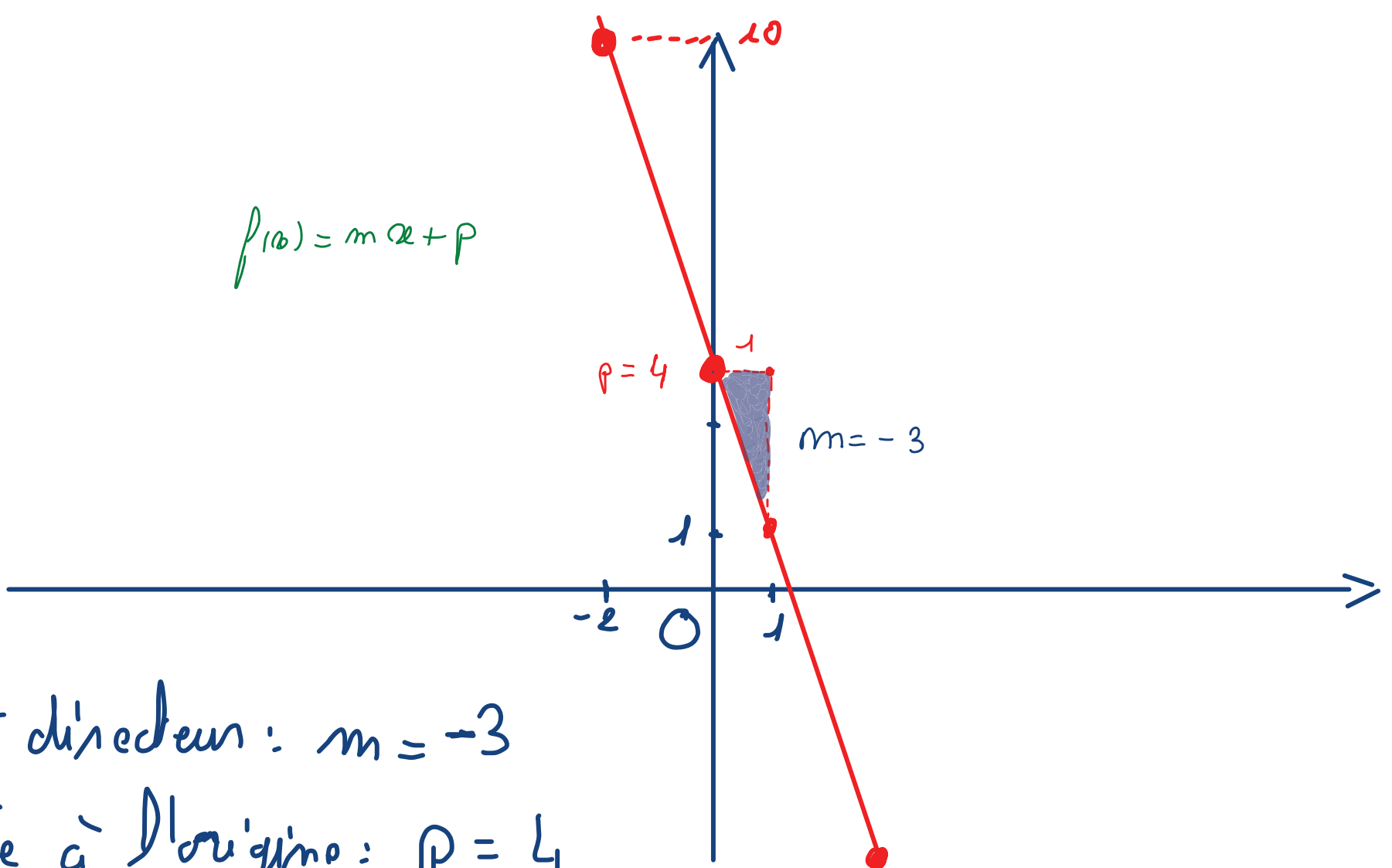
$$f(-2) = -3 \times (-2) + 4 = 10$$

$$f(0) = -3 \times 0 + 4 = 4$$

$$f(3) = -3 \times 3 + 4 = -5$$

$$f(x) = \underset{m}{(-3)}x + \underset{p}{4}$$

$$f(x) = mx + p$$



Coefficient directeur : $m = -3$

Ordonnée à l'origine : $p = 4$

b) Coefficient directeur: $m = -3$

Ordonnée à l'origine: $p = 4$

② $f(x) = 2x - 3$

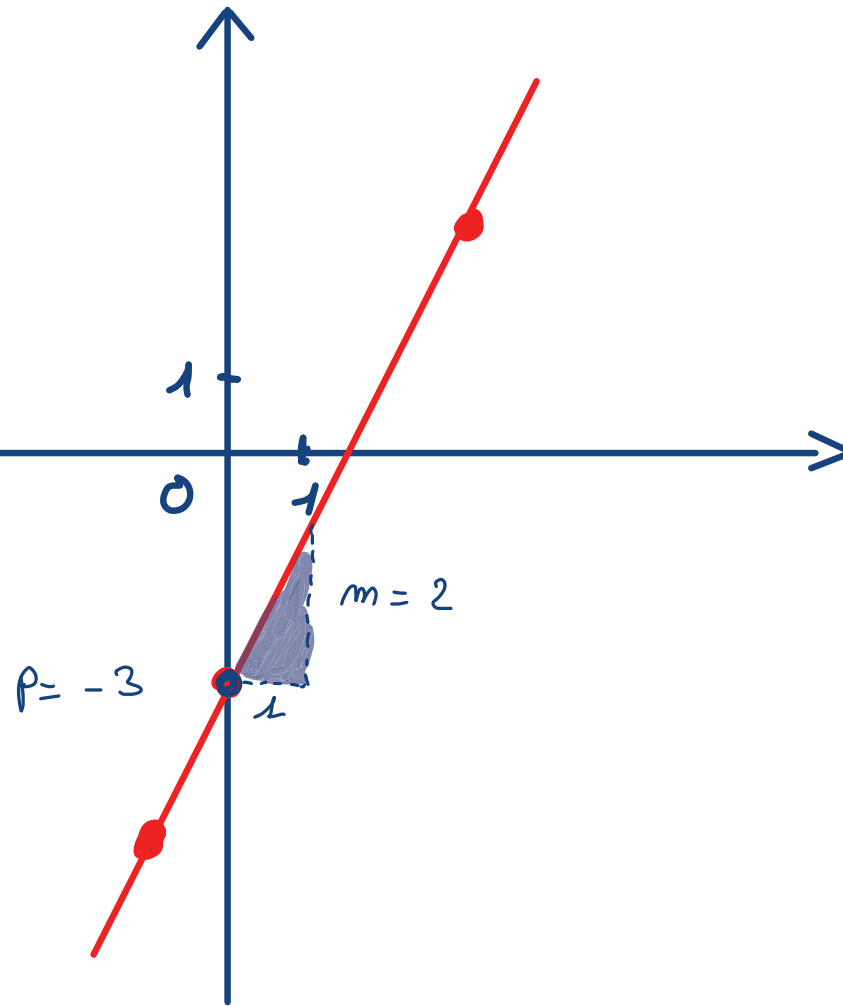
a)

x	-1	0	3
$f(x)$	-5	-3	3

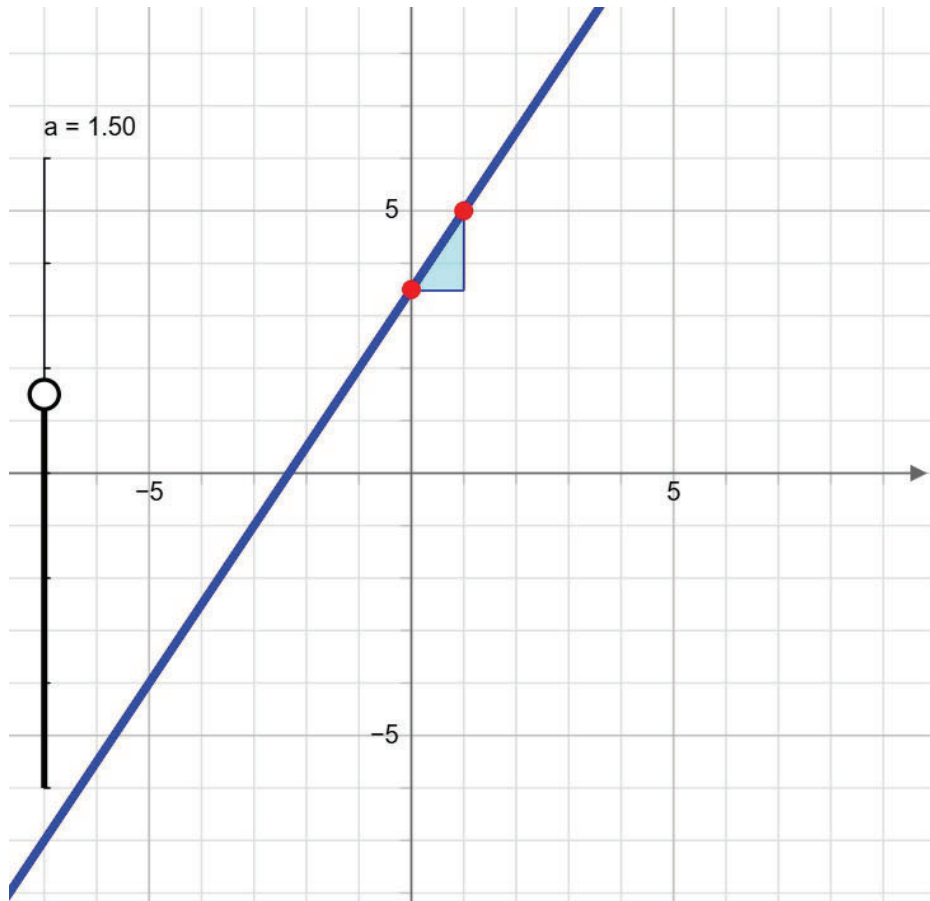
a)

x	-1	0	3
$f(x)$	-5	-3	3

b) Coefficient directeur:
 $m = 2$
ordonnée à l'origine:
 $p = -3$




Application:




Sur la figure ci-contre, on a représenté une droite d (couleur bleue).

Après avoir placé correctement le triangle de mesure de la pente, compléter les phrases qui suivent:

Correction du placement du triangle de mesure: 

Son ordonnée à l'origine est (**Ne pas écrire les zéros inutiles**) 

Et le coefficient directeur (ou la pente) de la droite bleue est (**Ne pas écrire les zéros inutiles**) 

COEFFDIR_LECT1
COEFFDIR_LECT2
COEFFDIR_LECT3

③

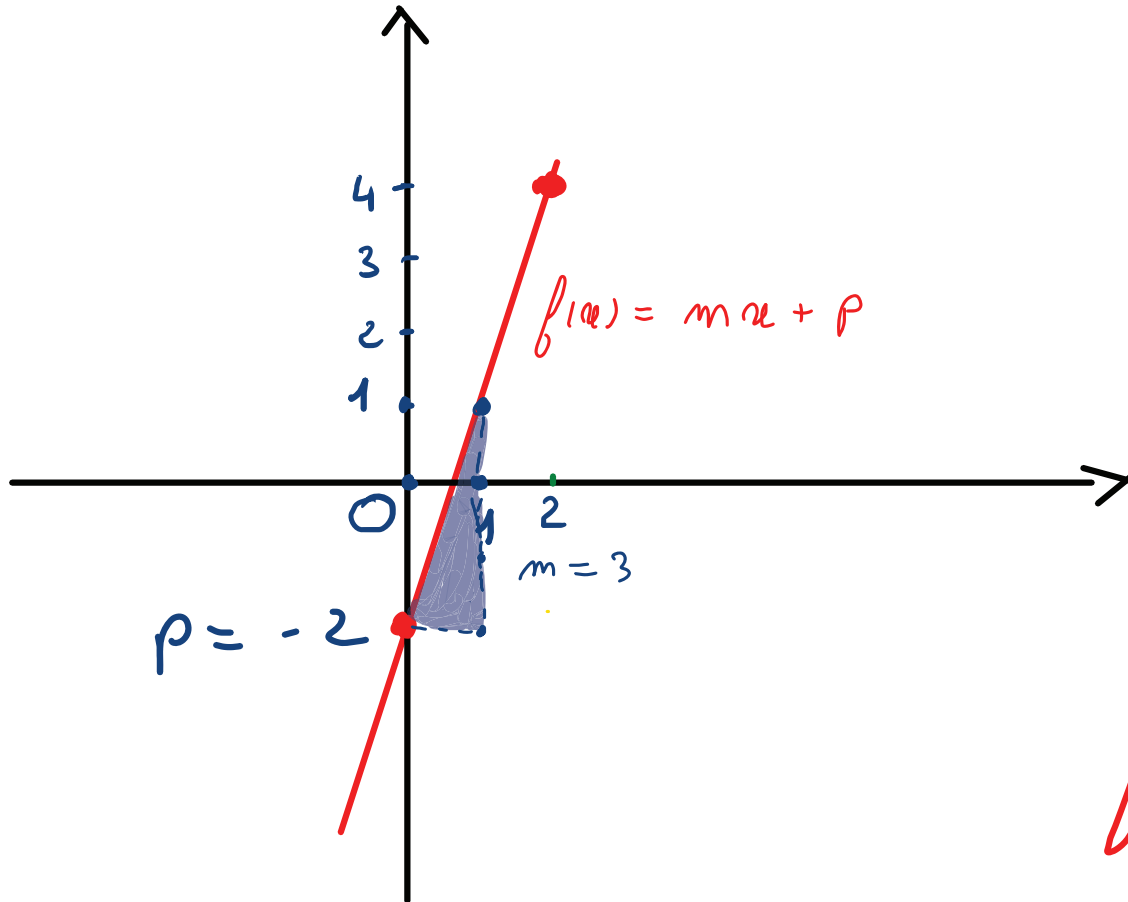
Retrouver cette fonction affine à partir
du graphique

$$f(x) = m x + p$$

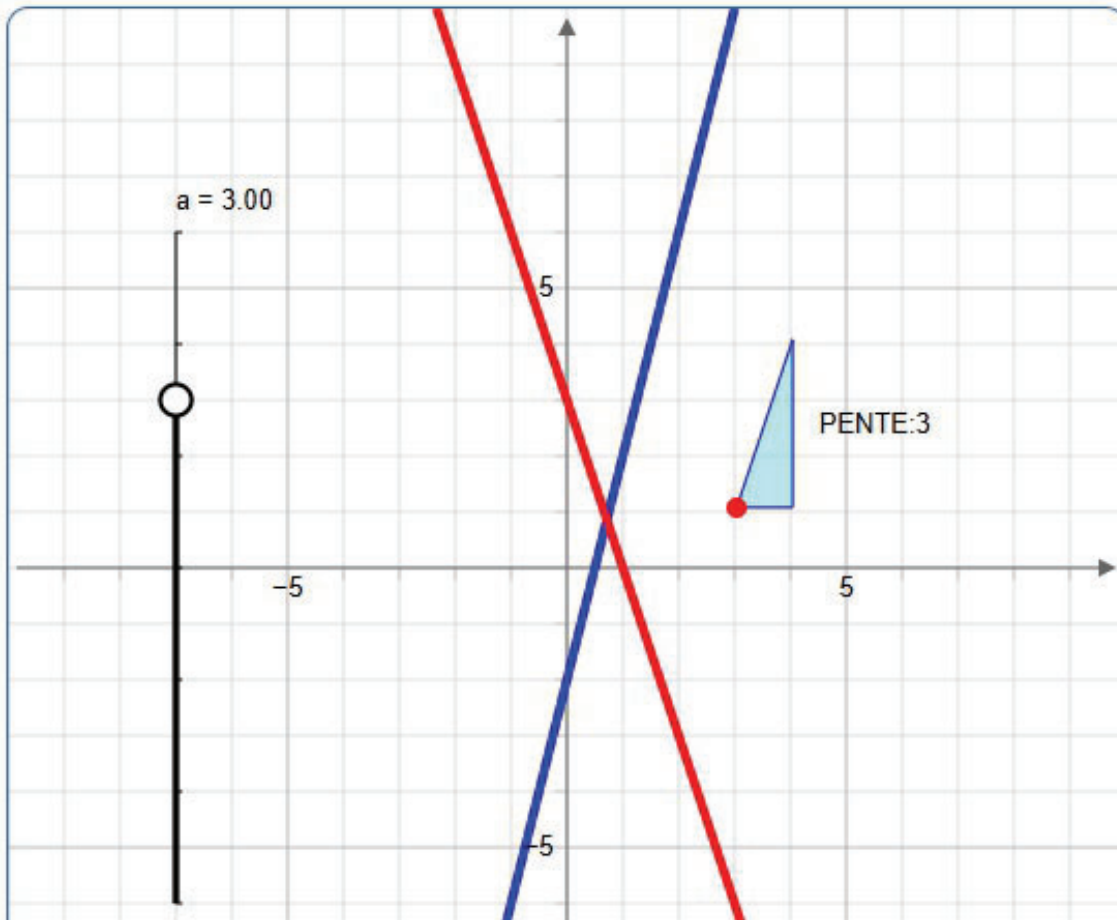
$$m = 3$$

$$p = -2$$

$$f(x) = \boxed{3x - 2}$$



Exercice



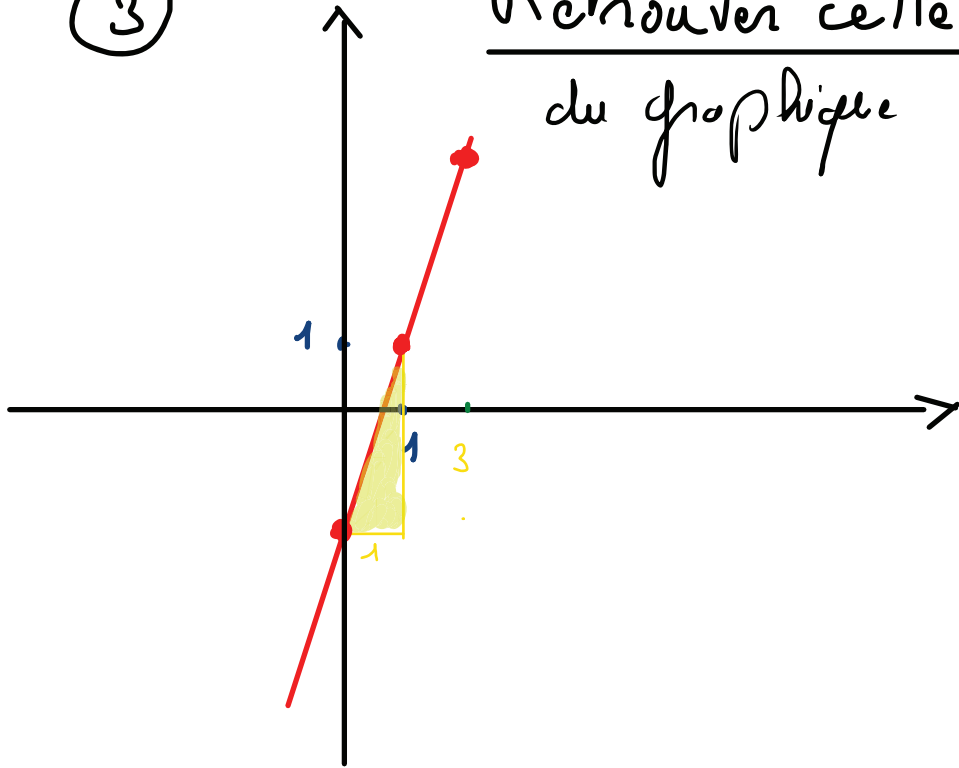
Sur la figure ci-contre, on a représenté deux droites: une droite bleue et une droite rouge.
En utilisant le triangle de mesure de la pente, compléter les phrases qui suivent:

La pente de la droite BLEUE est: Soit

La pente de la droite ROUGE est: Soit

③

Retrouver cette fonction affine à partir du graphique



$$f(x) = m x + p$$

? ?

$$m = 3$$

$$p = -2$$

$$\text{Vérification : } f(2) = 3 \times 2 - 2 = 4$$

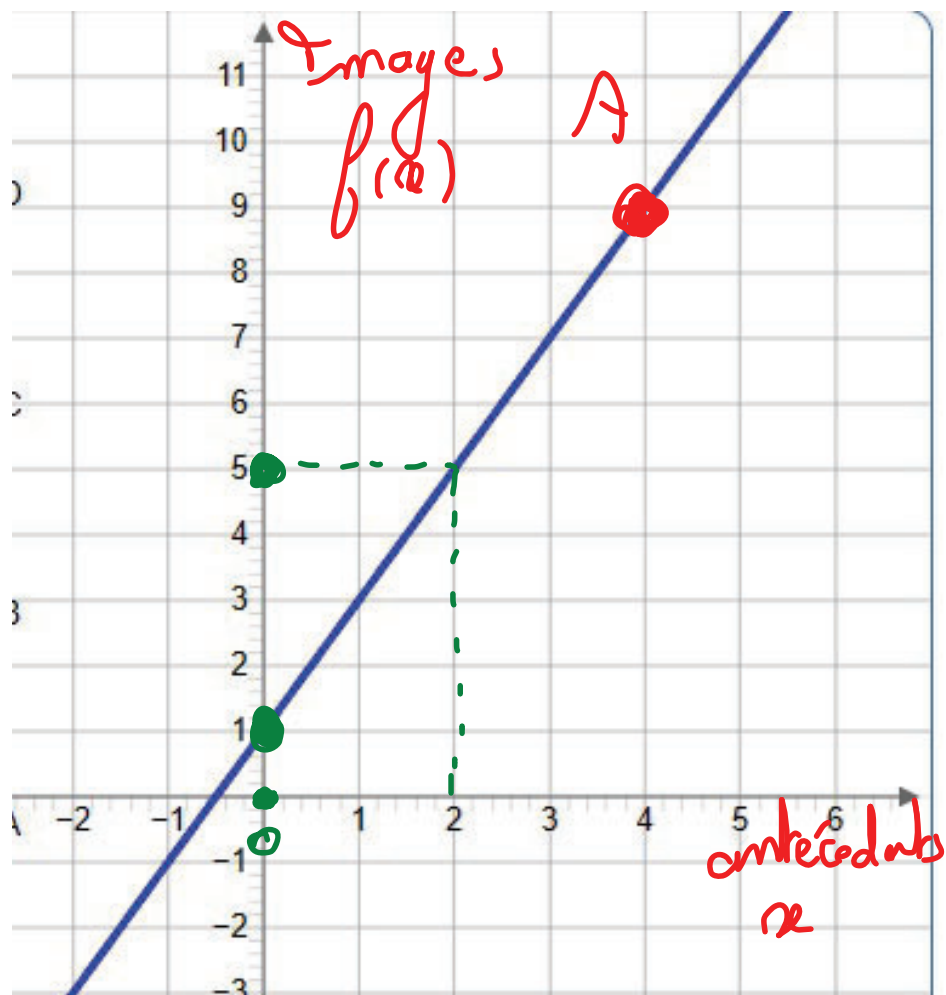
$$f(x) = 3x - 2$$

COEFFDIR_ET_FCT_AFFINE1

COEFFDIR_ET_FCT_AFFINE1a

COEFFDIR_ET_FCT_AFFINE1b

Lecture graphique des images et antécédents



① Point A :
L'image de 4 par la
fonction est 9

② Point B :
L'antécédent de 1 par
la fonction est 0

③ Point C :
 $f(2) = 5$

2. Variations et signe d'une fonction affine

1. Variations d'une fonction affine

Définitions et propriétés

Soit f une fonction affine définie sur \mathbb{R} par $f(x) = mx + p$.

- Cas où m est positif

Quand les valeurs de x augmentent, les valeurs de $f(x)$ augmentent également.

de gauche à droite

On dit que la fonction f est croissante sur \mathbb{R} .

- Cas où m est négatif

Quand les valeurs de x augmentent, les valeurs de $f(x)$ diminuent.

On dit que la fonction f est décroissante sur \mathbb{R} .

- Cas où m est nul

Quelle que soit la valeur de x , $f(x)$ est égale à un même nombre p : on dit que f est constante.

Définitions et propriétés

Soit f une fonction affine définie sur \mathbb{R} par $f(x) = mx + p$.

- Cas où m est positif

de gauche à droite

Quand les valeurs de x augmentent, les valeurs de $f(x)$ augmentent également.

On dit que la fonction f est croissante sur \mathbb{R} .

- Cas où m est négatif

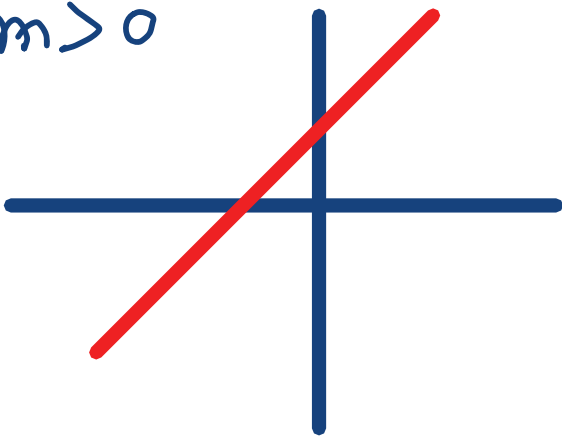
Quand les valeurs de x augmentent, les valeurs de $f(x)$ diminuent.

On dit que la fonction f est décroissante sur \mathbb{R} .

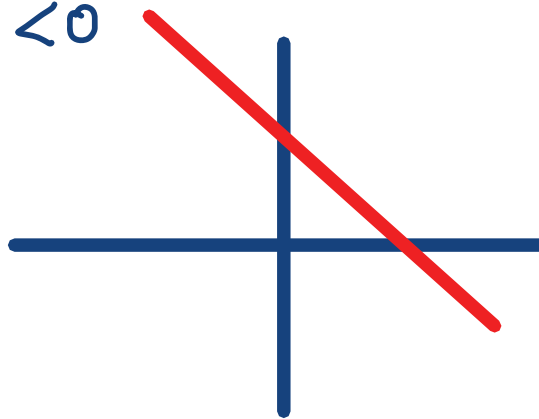
- Cas où m est nul

Quelle que soit la valeur de x , $f(x)$ est égale à un même nombre p : on dit que f est **constante**.

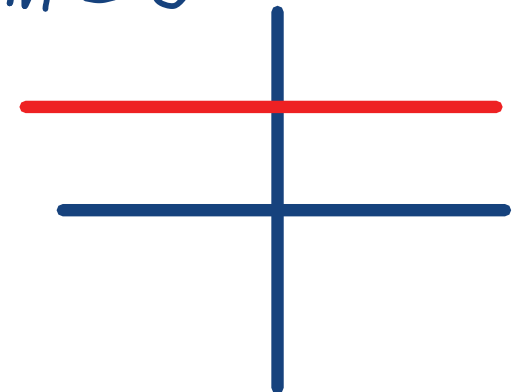
$m > 0$



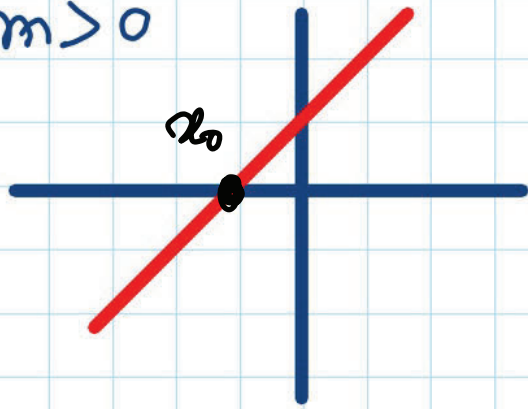
$m < 0$



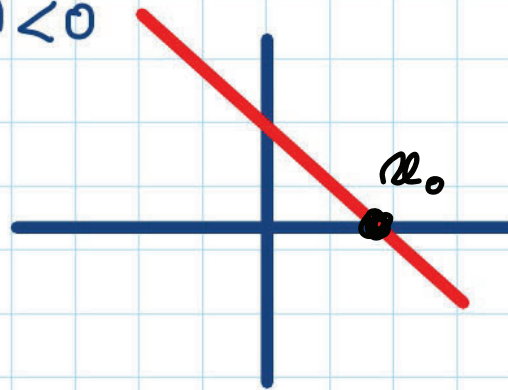
$m = 0$



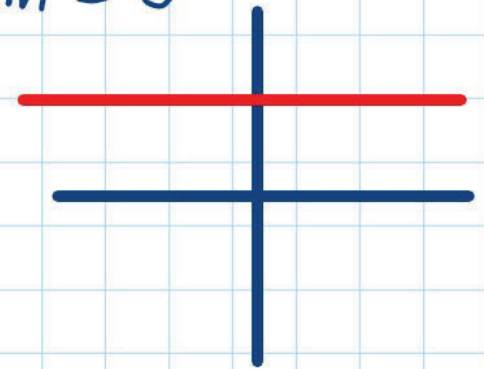
$m > 0$



$m < 0$



$m = 0$



2. Signe d'une fonction affine

Soit f la fonction affine définie sur \mathbb{R} par $f(x) = mx + p$, avec $m \neq 0$.

Définition

- On appelle racine de f le réel x_0 tel que $f(x_0) = 0$.

2. Signe d'une fonction affine

Soit f la fonction affine définie sur \mathbb{R} par $f(x) = mx + p$, avec $m \neq 0$.

Définition

- On appelle racine de f le réel x_0 tel que $f(x_0) = 0$.

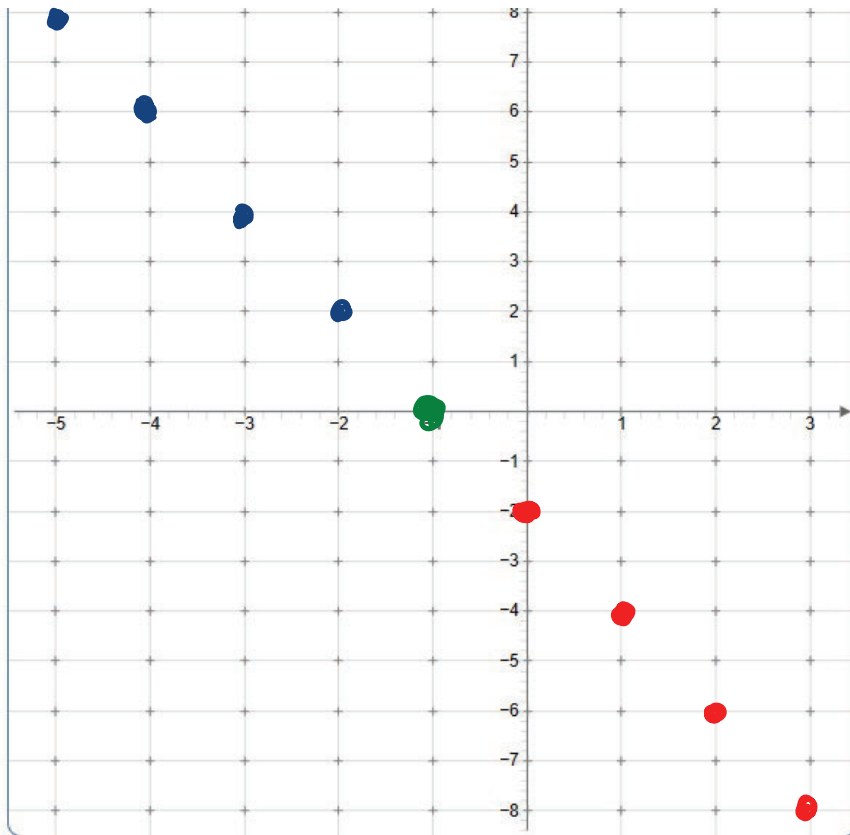
Exemple 1

Soit f la fonction définie par $f(x) = -2x - 2$

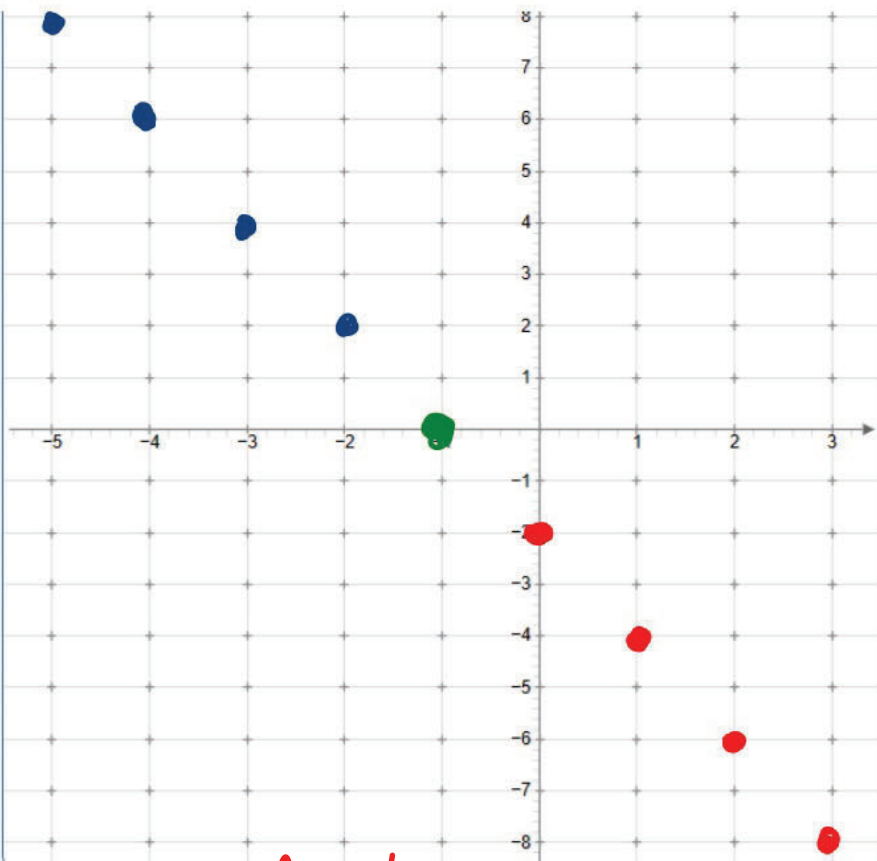
- 1) Les points de la courbe tels que $f(x) < 0$ seront en rouge.
- 2) Les points de la courbe tels que $f(x) > 0$ seront en bleu.
- 3) Le point de la courbe tel que $f(x) = 0$ et qu'on appellera point "racine" sera en vert.

Soit f la fonction définie par $f(x) = -2x - 2$

- 1) Les points de la courbe tels que $f(x) < 0$ seront en rouge.
- 2) Les points de la courbe tels que $f(x) > 0$ seront en bleu.
- 3) Le point de la courbe tel que $f(x) = 0$ et qu'on appellera point "racine" sera en vert.



$$\begin{aligned}f(-5) &= -2 \times (-5) - 2 = 8 > 0 \\f(-4) &= -2 \times (-4) - 2 = 6 > 0 \\f(-3) &= 4 > 0 \\f(-2) &= 2 > 0 \\f(-1) &= 0 \text{) vert} \\f(0) &= -2 < 0 \\f(1) &= -4 < 0 \\f(2) &= -6 < 0 \\f(3) &= -8 < 0\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 f(-5) &= -2 \times (-5) - 2 = 8 > 0 \\
 f(-4) &= -2 \times (-4) - 2 = 6 > 0 \\
 f(-3) &= 4 > 0 \\
 f(-2) &= 2 > 0 \\
 f(-1) &= 0 \text{ vert} \\
 f(0) &= -2 < 0 \\
 f(1) &= -4 < 0 \\
 f(2) &= -6 < 0 \\
 f(3) &= -8 < 0
 \end{aligned}$$

Definition
Tableau de signe

x	-5	-1	3
Signe de f	+	0	-

